

شكراً لمن رفع الكتاب على الشبكة، فمما يتنسق الكتاب وتخفيض حجمه
مكتبة فلسطين للكتب المchorورة

<https://palstinebooks.blogspot.com>



میخائیل خوری

علماء العرب

ثابت بن قرّة
الموازئي . ابن الهيثم . البكري

بَيْتُ الْكِتَابِ

ميخائيل خوري

علماء العرب

ثابت بن قرّة
الموازري
• ابن الهيثم • البيراني

بيت الحكمة
بـَيْرُوٰت

الغلاف بريشة « رضوان الشهال »

جميع الحقوق محفوظة « لبيت الحكمة »

الطبعة الأولى ، بيروت - لبنان ، نورز (يوليه) ١٩٧٠

الفصل الأول

ثابت بن قرّة

(توفي ٢٨٨ هـ / ٩٠٠ م)^(١)

١ - سيرته .

هو «أبو الحسن ثابت بن قرّة» ، ولد في «حرّان» حيث بدأ حياته صيروفياً ؛ ولما شبّ تعرّف «بمحمد بن موسى بن شاكر» ، فاصطحبه هذا لفصحته . وقيل إنّه تلقى العلم على يديه . وأدّى ذلك إلى دخوله خدمة الخليفة «المتضد» العباسيّ ، فعيّنه بين منجنيّه^(٢) ، ثمّ أعلى منزلته وأكرمه لسعة معارفه ، وخدمته له وهو في السجن بسبب غضب أبيه عليه^(٣) . ويروى أنّ الخليفة رفض الاتّكاء على يد «ثابت» ،

(١) ابن النديم ، الفهرست ، ص ٣٩٤ ؛ و : ابن أبي أصيبيع ، عيون الأنباء ، ص ٢٩٧ . لكنّها يختلفان حول سنة مولده . ووفاته سنة ٩٠١ م في مصادر أخرى .
(٢) ابن النديم ، الفهرست ، ص ٣٩٤ . (٣) كان «ثابت بن قرّة» يدخل السجن عليه «في كلّ يوم ثلاث مرات ، يجادلها ويسلّيها ويعرفها أحوال الفلسفه وأمر المندسة والنجوم» . فلمّا خرج من السجن وبوضع بالخلافة «أقطعه ضياعاً جليلة» ، وأجلسه «بين يديه بحضرة الخاصّ والعامّ» (ابن أبي أصيبيع ، عيون الأنباء ، ص ٢٩٥).

وَهَا يَتَشَيَّانِ فِي نَزْهَةٍ لَا عَقَادَهُ «أَنَّ الْعُلَمَاءِ يَعْلَمُونَ وَلَا يُعْلَمُونَ»^(١).

٤ - إهتماماته .

دخل في خدمة «المعتضد» كـ«أسلفنا»، لكنه بقي رئيساً للصابنة وهو منهم . وعمل في مجالات الطبّ والفلسفة والمنطق والنجوم والموسيقى ، وأجاد في اللغتين السريانية والعربية .

مارس الطبّ وألف فيه «واهتمّ بعلم الفلك» ، وقام بأرصاد للشمس في «بغداد» ، ووضع في ذلك كتاباً «بيّن فيه مذهبه في سنة الشمس وما أدرّكه بالرصد في موضع أوجها» ، ومقدار سنّتها ، وكمية حركاتها ، وصورة تعديليها^(٢) . «واهتمّ بالترجمة^(٣) من اليونانية إلى السريانية والعربية» . وجدول مؤلفاته يدلّ على أنّه كان بالفعل يعني بجمع هذه الأمور ، من طبّ ورياضيات وفلسفة وفلك وتاريخ .

٣ - شخصيته وأخلاقه .

كان حسن التصرف ، يحتمل رجال العلم ولو قسووا عليه . وقد رفض الإجابة عن سؤال «لأبي محمد الحسن بن موسى النوبختي» «الحديث السنّ» بمحضه قوم ، لكنه أجابه إجابة شافية عندما لقيه وحده .

وله قصة مع قصّاب أصيب بالسكتة ، عالجه بالضرب على كعبه بالعصا ، وبدواء ركبته لذلك خصّيصاً ، فأفاق .

(١) ابن أبي أصيبيعة ، عيون الأنباء ، ص ٢٩٦ . (٢) ابن أبي أصيبيعة ، عيون الأنباء ، ص ٢٩٥ . (٣) راجع فصل الترجمة في كتابنا «العلوم عند العرب» .

وبعد، فلا ريب أنّ انقطاعه إلى العلم دليل على قوّة شخصيته وسموّ همته . ويثبت ذلك ما وضعه من مؤلّفات ومحاضرات ، وما قام به من ترجمات .

٤ - مؤلفاته .

« ثابت بن قرّة » ، بسبب تشعب اهتماماته ، مؤلّفات عديدة في فروع شتى ذكر « ابن النديم » قسماً منها في « الفهرست » . لكن « ابن أبي أصيبيعة » أورد جدولًا طويلاً بها .

و قبل تسجيل جدول مؤلفاته نقلًا عن « ابن أبي أصيبيعة » يجب أن نلحظ :

١ - أنّ كتاب « حساب الأهلة » الذي ذكره « ابن النديم » لم يرد بهذا الاسم عند « ابن أبي أصيبيعة » ، بل أورد هذا كتاب « رؤية الأهلة بالجنوب » ، و « كتاب رؤية الأهلة من الجداول » .

٢ - أنّ « كتاب إبطال الحركة في فلك البروج » ، الوارد ذكره عند « ابن النديم » ، ذكره « ابن أبي أصيبيعة » باسم « كتاب في إبطاء الحركة في فلك البروج » .

وإليك جدولًا ببعض مؤلفاته :

(١) مسائل طبية . (٢) اختصار المنطق . (٣) اختصار كتاب ما بعد الطبيعة . (٤) كتاب في مراتب العلوم . (٥) جوامع كتاب الأمراض الحادة لجالينوس . (٦) جوامع كتاب تشريح الرحم لجالينوس .

(٧) جوامع كتاب جالينوس في المولودين لسبعة أشهر . (٨) كتاب المدخل إلى المحسطي (عدد ابن أبي أصيحة أجود مؤلفاته في هذا الموضوع) .
 (٩) كتاب في العمل بالكرة . (١٠) كتاب في قطع الاسطوانة .
 (١١) كتاب في الموسيقى . (١٢) كتاب في الأعداد المتحابّة .
 (١٣) كتاب في حالة الفلك . (١٤) الذخيرة في الطب (ألفه لولده « سنان ») . (١٥) كتاب في تركيب الأفلاك وخلقتها وعددها . (١٦) كتاب القرسطيون (يتعلّق بعلم اعتدال الأجسام الميكانيكية ونظرية الميزان) . (١٧) كتاب في الأخلاق . (١٨) مقالة في صفة كون الجنين .
 (١٩) كتاب تفسير الأربع . (٢٠) كتاب البصر والبصرة في علم العين وعللها ومداواتها . (٢١) كتاب في أنّ سبيل الانتقال التي تعلّق على عمود واحد منفصل هي سبيلها إذا جعلت ثقلاً واحداً مثبتاً في جميع العمود على تساوي . (٢٢) رسالة في العدد الوفق . (٢٣) مقالة في تصحيح مسائل الجبر بالبراهين الهندسية ^(١) .

وله أيضاً مصنفات أخرى بالسريانية تتعلّق بالصابحة وبتارixinهم ولغتهم ، ذكرها « ابن أبي أصيحة » . وبذلك يبلغ عدد مؤلفاته ١٤٨ مؤلفاً لم يذكر منها « ابن النديم » غير ١٤ . وقد ذكر « ابن النديم » مؤلفاً لم يذكره « ابن أبي أصيحة » هو « كتاب إلى دافق » .

(١) و« لابن قرّة » مؤلفات فاق عددها المئة في الرياضيات والفلك والطب والأخلاق وغيرها .

إسطوان « ثابت بن فرّة » أن يضمن مؤلفاته آراء جديدة هي :

١ - نظرية الاهتزاز الأرضي التي استخدمها لشرح بعض الاختلافات بين المقاييس التي عملها اليونان والمقاييس التي عملها العرب . وثبتت هذه النظرية نوعاً من الارتجاج الدوري في ضبط معادلة الليل بالنهار ^(١) .

٢ - حلول هندسية لبعض المعادلات التكعيبية ^(٢) .

٣ - الأعداد المتحابية ، أي أنّ عددين يكونان متحابين إذا كان مجموع الأعداد التي يقسمها أحدهما بدون باقي يساوي الآخر ^(٣) .

٤ - الأعداد التامة والزائدة والناقصة ^(٤) .

٥ - تهديد لإيجاد علم التكامل والتفاضل ^(٥) . Calculus

٦ - بحث بالرّباعات السحرية . وقد كان أول من قام بذلك من العرب ^(٦) .

(١) أللورمي ، العلم عند العرب ، ص ١٦٥ . (٢) قدرى حافظ طوقان ، تراث العرب العلمي ، ص ١٤ و ١٩٧ . (٣) مثلًا: ٢٢٠ و ٢٨٤ . مجموع الأعداد التي يقسم بها العدد ٢٢٠ بدون باقي يساوي ٢٨٤ . (٤) إذا تساوى مجموع أجزاء مع العدد كان تاماً ، وإذا نقص كان ناقصاً ، وإذا زاد كان زائداً . Fractions (٥) طوقان ، تراث العرب العلمي ، ص ٨٧ و ١٩٨ . (٦) طوقان ، تراث العرب العلمي ، ص ٩٩ .

٧ - أرصاد فلكية .

٦ - أهميتها .

مما يدلّ على أهمية « ثابت بن قرّة » كثرة مصنفاته ومتراجماته ، واتساع نطاق اهتماماته العلمية . ويُكَن أن نصيّن مؤلفاته قسمين ، أحدهما في العلوم إجلاً ، وثانيها في شؤون أبناء طائفته . ويُكَن أن نقسمها على أساس آخر فنقول إنّ قسماً منها باللغة العربية ، وقسماً آخر باللغة السريانية ، وقد تضمن هذا القسم الأخير معظم مؤلفاته في شؤون الصابئة .

وتتضمن المؤلفات العلمية قسمين ، أحدهما من وضعيه ، وثانيها مترجم عن اليونانية ، وهي مترجمات أو مختصرات في الطب والفلك والرياضيات والموسيقى والحيل والفلسفة والمنطق .

وليس الكمية وحدها هي التي تدلّ على عظمة هذا العالم ، وإنما ما جاء به من آراء جديدة ، أو مهند به لعلوم لاحقة ، يعتبر دليلاً على نبوغه وعبقريّته . وما ذكرناه في منجزاته يتّضح لنا أنّ علم هذا الرجل كان حلقة ضروريّة في تطور العلم العربيّ .

عرض لكتاب « المدخل إلى علم العدد » .

١ - روح الكتاب .

١ - إنّ كتاب « المدخل إلى علم العدد » كلّه يدور على فكرة موجزها أنّ علم العدد أساس كلّ العلوم الأخرى ، ولذلك

سبق علم العدد العلوم الأخرى .

٢ - يتناول المؤلف العدد في أقسامه كافة ، المفردة والمزدوجة ، ويبين علاقات محددة بين الأعداد على أنواعها ، وصفات خاصة لكلّ من الأنواع .

٣ - وإذا ما فعل ذلك وجد في هذه العلاقات انتظاماً وتناسقاً هو من صنع الطبيعة .

٤ - ووجد في ذلك جمالاً بديعاً وتوافقاً بين قسم من الأعداد قليلة ، واعتبر قلتها طبيعية لأنَّ الجيد الخير قليل .

٥ - ينطلق المؤلف في هذا كله من المبدأ الفيثاغوري " الهدف إلى تفسير النظام الكونيّ على أساس من الأعداد .

يذكر « ابن النديم » ، أنَّ « ثابت بن قرَّة » كتاباً في العدد ، وينذكر « ابن أبي أصيبيع » ، أنَّ له كتاباً في الأعداد المتعابة ، ورسالة في العدد الوفق ، ولكنَّها لا يشيران أبداً إلى هذا الكتاب بالذات . ولكنَّ ناشر الكتاب يؤكّد نسبة الترجمة « لثابت بن قرَّة » ،^(١) .

٢ - أقسام الكتاب ومحفوياته .

ينقسم الكتاب إلى مقالتين . وفيما يلي موجز المقالة الأولى :

١ - يبدأ الكتاب بتعريف الفلسفة بأنَّها إثمار الحكمة ، أو بأنَّها « علم الأشياء السرمدية التي ليس لها هيولى ، ولا تنقضي ،

(١) كتاب المدخل إلى علم العدد ، المقدمة ، ص ٨ .

المتشابهة الأحوال ، التي ليست متغيرة ، فإن "جواهرها باقية على أمر واحد على التمام ."

٢ - وينتقل من ذلك إلى القول إن "الحكمة هي علم اليقين بحقيقة ما «عليه الأشياء الموجودة»، وإن "الأشياء يقال إنها موجودة، أما بعضها فعلى حقيقة التسمية ، وأما بعضها فعلى جهة الاشتراك في الاسم » . ويسمى الأشياء الموجودة بأنها «ذوات العدد وذوات الكثرة » . ثم يقول إن "المقدار والعدد غير متناهي الطبيعة اضطراراً ، وذلك أن "العدد ، وإن كان يبتدئ من أصل محدود ، فإنه لا ينقطع في مرأة إلى ما يتلو ، ولا ينتهي ، وإن "المقدار ، وإن كان بكليته محدوداً ، فإنه ، إذا قُسّم ، لم يصر في تقسمه إلى غاية لا ينقسم » . ثم يقرر «أنه لا يمكن أن يقع لنا العلم بالмقدار مطلقاً ، ولا العلم بالعدد مطلقاً أبداً ، لأنـ كلاً منها «بذاته غير متناهٍ » زبادة أو نقصاً .

٣ - والكمية كذلك نوعان : منها ما يفهم بغير إضافة^(١) ، ومنها ما لا يدرك إلا " مضافاً"^(٢) . وينتقل إلى علم العدد الذي يعلم منفرداً . ويفصل عنه علوماً أخرى لا تفهم إلا " مضافة كالموسيقى ، أو متخرّكة كالمساحة ، أو ساكنة كالمهندسة .

٤ - وينخرج من هذا كلّه إلى أن " علم العدد نافع في الحسابات ، والقسمة والجمع والمقاييس والشركة والهندسة نافعة في تدبير العساكر وبناء المدن وبناء الهياكل وقسمة الأرض . والموسيقى

(١) المربع، الزوج . (٢) الضعف .

نافعة في الأعياد وفي أوقات السرور وفي عبادة الله ، وعلم الكثرة والنجوم في علم الفلاحة والملاحة » ؛ وإلى أن « صناعة علم العدد ... سابقة في علم الله » ، لأنتها « أقدم بالطبيعة من الصناعي الآخر» التي « ترتفع وتبطل بارتفاع هذه الصناعة » . وهكذا فإن « صناعة العدد كالثيء الأول الشديد التقدّم بالطبيعة والمرتبة » . وهكذا فإن « جميع الأشياء ... إنتما خلقها الخالق ... على نسب الأعداد » .

٥ - وإذا كان العدد هو السابق ، فإن « العدد المطلق » جماعة أعداد وكمية مبثوثة ... من آحاد ». ثم إن « العدد ينقسم إلى فرد وزوج ؛ والفرد هو ما ينقسم إلى قسمين غير متساوين » .

٦ - ثم يتناول التنصيف والتضعيف بعد ذلك ، ويشير إلى خصائص كل منها ، ويعطي أمثلة . ويبحث في العدد الذي يقال له زوج الفرد ^(١) ، وفي العدد الذي يقال له زوج زوج الفرد ^(٢) . ويمثل على ذلك بأمثلة ، إلى أن يختت هذا البحث برسالة توضيحية ^(٣) .

٧ - ثم يعدد أنواع العدد الفرد الثلاثة ، وهي الذي ليس مر كثباً ، ثم المركب ، ثم المتوسط . والمقصود بالأول العدد الأولي ، وهو الذي يسمى جزءه باسمه كالثالث ، ثم العدد المركب وهو فرد غير أولي كالتسعة ، وله أجزاء من غير اسمه كالواحد والعشرين ولها

(١) مثل ٦ ، فهي زوج . (٢) مثل ١٢ ، فهي زوج ٦ التي هي بدورها زوج .

(٣) كتاب المدخل إلى علم العدد ، ص ٢٨ .

سبعين وثلاث . أمّا النوع الثالث فعدد يضاف إلى آخر شبيه به ، كالتسعة والخمسة والعشرين ^(١) .

٨ - ثم يرتب الأعداد ترتيباً آخر ، ويقسمها إلى زائد على التام ، وناقص ، وتام . والزائد هو الذي يكون مجموع أضلاعه أكثر من العدد الأصلي ، مثل ١٢ ، والناقص هو ما بلغ مجموع أضلاعه أقلّ من العدد الأصلي كالثانية ، والتام هو ما يتساوى مع أضلاعه كالستة ، ثم يحدد الطريقة لإيجاد الأعداد التامة .

٩ - وبعد أن تناول الكمية المفردة ينتقل إلى الكمية المضافة ، أو نسبة عدد إلى آخر . فإذاً أن تكون الإضافة بين عددين متساوين ، أو أن يكون أحدهما غير مساوي للآخر ، وفي هذه الحال تنقسم هذه الإضافة إلى خمسة أنواع هي : ذو الأضعاف ، الزايد جزءاً ، الزايد أجزاء ، ذو الأضعاف الزايد جزءاً ، ذو الأضعاف الزايد أجزاء ...



هنا تمت المقالة الأولى من كتاب « المدخل » ليتّنقل فيما بعد إلى المقالة الثانية . وفيما يلي موجز المقالة الثانية :

١٠ - تناول الأعداد التي يكون لها مثل ونصف (أي مرّة ونصف) كالاثنين والأربعة والستة والثانية والاثني عشر ، إلخ ... في

(١) كتاب المدخل إلى علم العدد ، ص ٢٩ - ٣٦ .

حين لا يوجد مثل ذلك للتسعة ^(١) أو للسبعة والعشرين ، مع أنَّ كلاً منها مثل ونصف لعدد آخر .
ثم ينتقل إلى نسبة المثل والثالث .

١١ - ويتناول الواحد فيرى فيه « ابتداء الأبعاد والأعداد » ، أو « ابتداء سائر الأنواع » ، وهو مع ذلك ليس بعدها ولا عدداً ، كما إنَّ النقطة ليست خطأ وإن كانت ابتداء الخط أو البعد . ومن الخط يتكونان البعدان (الطول والعرض) ، أو تتكونان الأبعاد أو المحسَّمات .

١٢ - ومن هذه البدايات ، أو الآحاد ، تتكون مثليثات ^(٢) ، ومربيعات ، وخمسمات ، ومسدّمات ، ومبقيعات .

١٣ - ثم ينتقل إلى الأعداد المحسَّمة ، بعد رسم الأشكال المستطحفة بزيادة بُعد ثالث هو العمق أو السمك أو الارتفاع . وأوّل الأعداد المحسَّمة هي الأعداد المخروطة التي تبتديء بقاعدة لتنتهي بطرف حاد . ويربط بينها وبين الأعداد المثلثة .

ويتناول المحسَّم المتساوي الأضلاع ، والمحسَّم المختلف الأضلاع أيضاً ، ليتقل إلى الأعداد المتباينة الطولين ^(٣) ، أي الأجسام ذات البعدين غير

(١) المثل والنصف للأربعة هو ٦ ، ولستة هو ٩ ، وليس للتسعة مثل ونصف .

(٢) مثل ٠٠٠ للرقم ٣ ، و ٠٠٠٠٠ للرقم ٦ .

(٣) النتيجة الحاصلة من ضرب عددين غير متساوين ، الفرق بينهما غير واحد .

المتساوين . ثم يتناول الأعداد المختلفة الطولين ^(١) ، والأعداد التي إذا ضربت في ذاتها بقيت آحاد حاصل الضرب هي إياتها ، كالعدد المضروب مثل المخسسة والستة وهي تسمى أعداداً كربية أو دورية ^(٢) .

١٤ - ويقسم الأعداد إلى نوعين هما **ال فهو هو** والغيرية . ويحدد العدد فهو هو بأنه العدد الذي لا يخرج عند الضرب عما كان عليه في الأصل ، مثل المخسسة في ذاتها ؛ أمّا الغيرية فهي التي تخرج عن طبيعتها عند الضرب ، مثل $8 \times 2 = 16$ ، وهي الأعداد الملائمة .

١٥ - ويلي ذلك «تساوي القياس» الذي هو «بالحقيقة أخذ نسبتين معاً» ، كالواحد للاثنتين أو الاثنتين للأربعة ... النسبة واحدة . «وأمّا على سبيل الكمية فإنّ مثال ما قلنا الواحد والاثنان والثلاثة والأربعة ، وذلك أنّ نقصان الواحد عن الاثنين مثل نقصان الثلاثة عن الأربعة» .

١٦ - وهذا التساوي ثلاثة متقدمة لغيرها هي العددي والهندسي والتاليفي ، وثلاثة أخرى تدعى التوسط الرابع والتوسط الخامس والتوسط السادس .

إنَّ التوسط العددي هو توسط المدد بين «العددين اللذين عن

(١) نتيجة الحاصل من ضرب عددين غير متساوين يكبر أحدهما الآخر بواحد . مثل $15 \times 16 = 240$. (٢) كتاب المدخل إلى علم العدد ، ص ٨٦ - ٨٧ .

جنبته «، وتساوي الفضل أيضاً، ولو أنّ النسبة بينها ليست واحدة. ومن خواصه أنّ مجموع الطرفين ضعفاً الوسط ، وهي نتيجة ضرب الطرفين أقلّ من تربع الوسط بقدر الفرق بين أحد الطرفين والوسط .

والتوسط التأليفي ينشأ عن اختلاف نسبة الحدّ الأوسط إلى الحدين الآخرين ، «إذا جُعل مقدماً في إحدى النسبتين تاليًا في النسبة الأخرى ... لم يكن الأبعاد التي بين الحدود مساوية ... وتكون نسبة الحدّ الأعظم إلى الحدّ الأصغر كنسبة اختلاف ما بين الحدّ الأعظم والأوسط إلى اختلاف ما بين الأوسط والأصغر »^(١) . وللتوسط التأليفي خاصة أخرى هي «أنّ الحدين منه اللذين في الطرفين، إذا جمعاً وضرباً في الحدّ الأوسط، كان ما يجتمع من ذلك ضعف المجتمع من ضرب الطرفين أحدهما في الآخر ». .

والتوسط الهندسي هو «تساوي القياس والمناسبة على حقيقة التسمية » ، أي أن تكون «نسبة الأول ... إلى الذي يتلوه كنسبة ذلك الثاني إلى الذي يتلوه»^(٢) . أو $4 : 8 = 2 : 4$.

١٧ - ويعطي القانون في الموسيقى مثلاً آخر على هذه الأنواع الثلاثة من التوسيط .

(١) كتاب المدخل إلى علم العدد ، ص ١٠١ - ١٠٢ ; المثل الأول: $3 - 4 - 6$.

$$6 - 4 = 2 ; 4 - 3 = 1 = 3 - 2 = \frac{1}{2} ; \frac{1}{2} = 1 \div 2 , 2 = 3 \div 6 .$$

والمثل الثاني: $2 - 3 - 6 - 6 - 3 = 3 - 2 - 3 : 1 = 1 \div 3$.

$$6 \div 3 = 2 ; \frac{3}{2} = \frac{1}{3} \quad (\text{ص } 102) .$$

١٨ - ثم يعطي مثلين آخرين ، أوّلها العشرة والأربعون . التوسيط

$$\text{العدي} = \frac{25-40}{10-25} = \frac{40}{40} = \frac{10}{10} \text{، و } 40 + 10 = 25$$

25×2 ، و $\frac{25}{10}$ أكبر من $\frac{40}{25}$ ، و 10×40 أقل من 25×25

بما يعادل $(40-25) / (10-25)$.

أما التوسيط الهندسي فهو $20 : \sqrt{20 \times 40} = \sqrt{20 \times 20} = 20$ ، و $20 \times 20 = 10 \times 40$

$$= \frac{20}{10} = \frac{40}{20} = \frac{20-40}{10-20}$$

وأما التوسيط التأليفي فهو $16 : \frac{16-40}{10-16} = \frac{40}{10}$ ، و $\frac{40}{16}$

$$= \frac{16-10}{10} = \frac{16}{10} = \frac{40}{16} \text{، و } (10+40) \times 16 \times 10 =$$

$$10 \times 40 \times 2 =$$

ثم يأخذ مثلا آخر هو المائة والخمسة والأربعون ، ويعطي التوسيط العدي 25 ، والتواتي 15 ، والتواتي 9 .

١٩ - لإيجاد التوسيط العدي يجمع الحدّان ويؤخذ نصفهما . أو يؤخذ نصف الفرق بين الحدّين ويضاف إلى الحدّ الأصغر ؟

ولإيجاد التوسط الهندسي نضرب المدين أحدهما في الآخر ،
ونجد الجذر التربيعي للحاصل ؛ ولإيجاد التوسط التأليفي
نضرب الفرق بين المدين بالحد الأصغر ، ونقسم النتيجة على
مجموع المدين ، ثم نزيد الناتج إلى الأصغر .

٢٠ - ثم يعود إلىتناول التوسيطات الأخرى : الرابع وهو المقابل
للتوسط التأليفي ، والخامس والسادس وهما مضادان للتوسط
الهندسي . ويضيف إلى ذلك توسيطات أربعة أخرى ليصل
عدد التوسيطات إلى العشرة

مختارات من نتاج

من كتاب «المدخل إلى علم العدد».

- ١ -

«فلننظر الآن أيّ هذه الطرق الأربع من طرق العلم يضطرّ بالحاجة إلى تقاديه ، وأن نبتدى بالنظر فيه ؟ أو لعله أن يكون من الأمر البيّن أنه يجب أن يقدم منها ما كان أولاً في طبيعته متقدّماً بجميع هذه العلوم الباقيّة ، والذي هو الابتداء والأصل لها ، والذي قياسه إليها قياس الوالد ، وهو صناعة علم العدد . وليس إنّما السبب في ذلك ما قلناه من إنّها سابقة في علم الله صانع الأشياء ، متقدّمة للعلوم الباقيّة بنزلة الشيء الجميل الذي قياسه إلى الأشياء الباقيّة قياس المثال ، فجعله مثلاً لسائر الأشياء التي خلق وحدوا عليها وعلى حسبة خلقها ، وسوّاها وزين ما خلق من العنصر ، وبلغ به الأمر الأفضل الموفق في كلّ واحد من الأشياء فقط ، لكن لأنّ هذه الصناعة ، مع ذلك ، أقدم بالطبيعة من الصناعيّة الآخر ، وذلك أنّ الصناعيّة الآخر ترتفع وتبطل

بارتفاع تلك ؟ كأنَّ الحيوان أقدم من الإنسان بالطبيعة ، وذلك أنَّ الإنسان يرتفع ويبطل بارتفاع الحيوان ، وليس يرتفع الحيوان بارتفاع الإنسان .

وفي عكس ما قلنا يقال إنَّ الشي بعده الشي ، أو إنَّ تأخُر عنه بالطبيعة ، إذا كان الشي لا يجب لوجوبه ويدخل بدخوله ، وليس يجب هو بوجوب ذلك الآخر ، مثل صاحب علم الموسيقى : فإنه يجب بوجوبه أن يكون الإنسان موجوداً ، وكذلك الفرس أيضاً فإنه لا يجب بوجوده أن يكون الإنسان موجوداً ولا يعرض عكس ذلك . وكذلك أيضاً تكون الحال في العلوم التي قدمنا ذكرها ، وذلك أنَّ متى كانت الهندسة موجودة وجب اضطراراً أن يكون علم العدد موجوداً ، وذلك أنَّ صاحب علم الهندسة ، إذا قال إنَّ الشكل مثلث أو مربع أو ذو ثمان قواعد أو ذو عشرين قاعدة ، أو إنَّ الشي ثلاثة أضعاف أو ثانية أضعاف أو مثل ونصف ، أو غير ذلك مما أشبهه ، ليس يمكن أن يكون الشي من ذلك موجوداً أو مفهوماً من غير العدد الذي يتبيَّن معه ، وذلك أنَّه لا يمكن أن يكون شي ما ثلاثة أمثال ، أو أن يقال إنَّه كذلك من غير أن يكون قد تقدَّمه وضع عدد الثلاثة ، ولا الثانية الأضعاف من غير عدد الثانية . وأمَّا أمر العدد فإنه يجري على عكس ما قلناه ، لأنَّه متى ما لم يكن عدد الثلاثة أو لا الأربع أو ما بعدها من الأعداد معلوماً موجوداً عرض ألا يكون الشكل المشارك له في الاسم موجوداً ؟ فقد وجب مما قلنا أنَّ علم العدد يرتفع ويبطل بارتفاعه وبطلانه علم الهندسة ، ولا يرتفع هو ويبطل ببطلان علم الهندسة ، وأنَّ ذلك العلم يجب بوجوب هذا العلم .

فنقول : إنَّا نرى جميع الأشياء التي قد رتبتها الطبيعة في العالم على

طريق صناعي بكتلتها ، وفي جزء جزء منها ، إنما خلقها الخالق عز وجل على نسب الأعداد ، وهو الذي ميزها وسوّاها على حالتها المحمودة الجميلة وأكّد فيها أمرَ المثال الذي قصد بها نحوه . فإنه جعل الأعداد مثلاً وشبّهها برسم متقدم سابق في علم الله خالق العالم ، إلا أنَّه إنما هو مفهوم عنده فقط من غير أن يكون ذلك في هيولى ما يوجه من الوجوه بتاته . إلا أنَّ ذاته ذات موجودة ، وعلى حسبه أجرى الأمور على طريق صناعي في جميع هذه الأشياء ، أعني الزمان والحركة والسماء ، وجبيع أدوار الكواكب . ويجب اضطراراً أن يكون العدد في هذه الأشياء مُؤلْفًا من سُنخه لا من شيء آخر لكن من ذاته .

أما العدد مطلقاً فهو جماعة أعداد وكثيّة مبنوّة قوامها من آحاد ، والقسمة الأولى التي ينقسم بها العدد هي أنَّ منها زوجاً ومنه فرداً ؛ والعدد الزوج هو الذي ينقسم بقسمين متساوين ولا يقع في الوسط من قسمة الواحدة ، والمعدد الفرد هو الذي لا يمكن أن ينقسم قسمين متساوين بسبب الوحدة التي تقع في وسطه . وهذه الحدان إنما يحدّهما بها العامة . وأما الحد المنسوب إلى فيثاغوراس فهو أنَّ العدد الزوج هو الذي يقبل القسمة بالثاني الواحد بعينه إلى ما هو أعظم وما هو أصغر ؛ أما أعظم ذلك فبالمساحة ، وأما أصغره فالكمية على ما يجب بحسب التكافي الطبيعي الذي يعرض لهذين الجنسين ؟ وإنَّ العدد الفرد هو الذي لا يمكن فيه ذلك ، لكنه إنما ينقسم بقسمين غير متساوين » .

« وأما العدد الفرد فإنه ، وإن كان مخالفًا للعدد الزوج خلافاً بعيداً من المشاركة ، إذ كان العدد الزوج ممكناً أن ينقسم بقسمين متساوين وكان العدد الفرد لا يمكن فيه ذلك ، فإنـا ، إذا قسمناه ، وجدنا له ثلاثة أنواع مختلفة ، كما إنـا لعدد الزوج ثلاثة أنواع . والواحد من أنواع العدد الفرد يقال له الأول ، والذي ليس بمركب ؛ والنوع المقابل لهذا النوع يقال له الثاني ، والمركب ؛ وهذا هنا نوع ثالث من العدد الفرد ، يوجد متوسطاً فيما بين هذين ، كتوسط ما بين الطرفين ، فهو يوجد بذاته ثانياً مركتباً ويكون بقياسه إلى عدد آخر أو لا عنده غير مركتب .

فأما النوع الأول من هذه الثلاثة الأنواع ، الذي يسمى الأول وغير المركب ، فإنه يكون متى لم يكن للعدد الفرد جزء سوى الجزء الذي يشتق اسمه من اسم ذلك العدد ، وهو الجزء الذي يجب اضطراراً أن يكون واحداً ، مثل عدد ثلاثة والخمسة والسابعة عشر والثلاثة وعشرين والواحد وتلذين ، فكل واحد من هذه الأعداد لا سبيل إلى أن يوجد له جزء يسمى منه باسم غير الاسم المشتق من نفس ذلك العدد ، وهذا الجزء من كل واحد من هذه الأعداد هو الواحد ، وذلك أنـا عدد ثلاثة إنـا له ثلث فقط ، وثلث الواحد ، وعدد الخمسة إنـا له خمس فقط ، وعدد الأحد عشر إنـا له جزء واحد من أحد عشر ، وعدد الواحد وتلذين إنـا له جزء . وكل واحد من هذه الأجزاء التي ذكرنا

من كلّ واحد من هذه الأعداد هو الواحد ، وإنّما سمّي هذا النوع من أنواع العدد أوّلاً لأنّه يمكن أن يعدّه المقدار المشترك الأوّل المتقدّم بجميع الأعداد فقط ، وليس له مقدار آخر يعدّه . ومع ذلك أيضاً فإنّه لا يمكن أن يتولّد هذا العدد من عدد يتركب مع نفسه ، لكنّ الواحد وحده مقى رُكّب خمس مرات كان منه الخمسة ، ومقى رُكّب سبع مرات كان منه السبعة . وأمّا إذا رُكّب هذا النوع الذي ذكرنا مع نفسه فإنّه يتولّد منه غيره ، وكان سائر الأعداد إنّما تتبدّي من هذه فتكون هذه الأعداد لها بنزّلة الينبوع والأساس الذي منه ابتداؤها ، وهذا السبب سمّيت أعداداً أوّل لأنّها كمبادي المتقدّمة لتلك . وأمّا الابتداء الذي ليس بمركّب ، والذي هو بنزّلة العنصر بجمعهـا ، فهو الواحد ، وهو الذي إليه ينحلّ جميعها ومنه يتركب ، وأمّا الواحد فليس ينحلّ إلى شيء ، ولا هو مركّب من شيء .

وأمّا العدد الثاني المركّب فهو أيضاً عدد فرد لأنّا قد نجده مع النوع الآخر من جنس واحد ، وليس هذا النوع فيه شيء هو بنزّلة الأصل ، وذلك أنّه إنّما يتولّد هذا النوع عن تركيب نوع آخر ، ولذلك عرض أن ينقسم إلى أجزاء أكثر من واحد ، وعرض له أيضاً أن يكون بناؤه من جزء مخالف له في التسمية ، أو من أجزاء مخالفة له في التسمية . والجزء منه الذي يشتقّ له الاسم منه هو أبداً الواحد كما هو في جميع الأعداد الباقيـة ، وأمّا جزؤه المخالف له في التسمية ، أو أجزاؤه المخالفـة في التسمية ، فليس يمكن أن يكون شيء منها واحداً في شيء من الأوقات ، لكنّها يكون العدد والأعداد التي منها رُكّب ذلك العدد مثل التسعة والخمسة عشر والواحد وعشرين والسبعة

وعشرين والثلاثة وثلثين والتسعه وثلاثين ، وذلك أنَّ كُلَّ واحد من هذه الأعداد يعدهُ الواحد ، لما إنَّه يعدهُ سائر الأعداد ، وله جزء قد اشتقت اسمه من اسمه كاسائر الأعداد بسبب الطبيعة التي تعمَّ هذا الجنس ، وله مع ذلك جزء أو أجزاء مخالفة لهذا الجزء ، مخالفة تسميتها . أمَّا عدد التسعة منها فإنَّ له ثلثاً ، وذلك يخالف التسعة ، وللخمسة عشر ثلث وخمس ، وهو جميعاً غير الجزء من خمسة عشر ، وإنَّما سُمِّيَّ هذا الضرب من الأعداد ثالثاً لأنَّ له مع الواحد مقداراً آخر يقدرُه ، وإنَّه ليس بمبدأ النوع ، لكنَّ ابتداؤه من تركيب نوع آخر غيره : أمَّا التسعة فمن الثلاثة ، وما بعد ذلك على هذا القياس . وإنَّما سُمِّيَّ هذا الضرب من العدد مركباً للسبب الذي ذكرنا بعينه ، وذلك أنَّه ينحلُّ إلى الأشياء التي من اجتماعها كان قوامه .

- ٣ -

« وأيضاً فإنَّا نرجع إلى أول الأمر فنقول إنَّ الأعداد الأزواج بالجملة منها زائدة على التمام ، ومنها ناقصة ، وهذا الصنفان هما كالمتقابلين الموضوعين في الطرفين ، ومنهما صنف متوسطٌ فيما بين هذين ، وهي صنف الأعداد التامة . وأمَّا الصنفان اللذان قلنا إنَّهما متقابلان ، وهما الزائد على التمام والناقص على التمام ، فإنَّهما من جنس الإضافة التي للأشياء الخارجة عن المساواة . والخروج عن المساواة ينقسم إلى الكثرة والقلة ، وليس يمكن أن يفهم الخروج عن المساواة على جهة أخرى غير هاتين الجهتين ، كما إنَّه لا يُفهم الشرّ ولا المرض ولا الخروج عن الاعتدال ولا قلة الموافقة ، ولا شيء مما يشبه ذلك ، إلَّا على إحدى هاتين الجهتين .

وذلك أنه يُفهم من هذه الأشياء في باب الكثرة إفراطُ المال والامتلاء والزيادة على الأمر المعتدل والمحاوزة لقدر الحاجة ، ويُفهم منه في باب القلة الفقر والعدم والتقصير عن مبلغ الحاجة . وفيما بين الأمر الأكثر والأقل : الأمر المساوي ، مثل الفضائل والصحة والاعتدال ، ومقدار الحاجة والخيرات ، وما أشبه ذلك من خالص ما في هذا الصنف . وأو كدُه العدد التام ، وذلك أن العدد الزايد على التام ، وهو الذي فيه من الأجزاء ما يتجاوز ما يحتاج إليه لتمامه ، منزلة حيوان كان مر كثيًّا من أعضاء أو أجزاء مجاوزة للمقدار زائدة على التمام ... مثل أن يكون للحيوان عشرة ألسن ، وعشرة أفواه ، أو تسع شفاه ، أو ثلاثة صفوف من الأسنان المحددة ، أو مائة يد ، وأصابع في إحدى اليدين زائدة على ما يحتاج إليه ؛ وكذلك أيضاً العدد الذي إذا طلب جميع أجزائه ، ثم جمعت تلك الأجزاء في جملة واحدة ، وجدت تلك الأجزاء الجملة أكثر منه . فإن العدد الذي إذا طلب جميع أجزائه ثم جمعت تلك الأجزاء في جملة واحدة وجدت تلك الأجزاء الجملة أكثر منه ، فإن العدد الذي يقال له الزايد على التام وذلك أنه زايد في أجزائه على اعتدال العدد التام ، مثل عددي الاثني عشر والأربعة وعشرين ، وغيرهما من الأعداد ؛ وذلك أن للعدد الاثني عشر نصفاً وثلاثة وسبعين وسدساً وسبعيناً من اثنين عشر ، وهي الستة والأربعة والثلاثة والاثنان والواحد ، وهذه الأعداد إذا جمعت كان جملتها ستة عشر ، وذلك أكثر من عدد الاثني عشر الذي كان لنا أولاً ، وأجزاء هذا العدد زائدة على جميعه . وأمّا عدد الأربعة والعشرين فإن له أيضاً نصفاً وثلاثة وسبعيناً وسبعيناً وجزءاً من اثنين عشر وجزءاً من أربعة وعشرين ، وإذا جمعت هذه الأعداد كانت جملتها ستة وثلاثين ، وذلك أكثر من عدد الأربعة وعشرين

الذى كان لنا أولاً، وإنما جمعنا أجزاء ذلك العدد فقط ، والأجزاء
ها هنا أيضاً أكثر من الكل .

وأما العدد الناقص فهو الذي يعرض فيه ضد ما قلنا ، فمتي
جمعت أجزاؤه كان أقل منها إذا قسناها إليها ، بمنزلة حيوان ما قد
عاشه في تركيبه جزء من أجزايه ، أو عضو من أعضائه الطبيعية ،
فيكون له مثلاً عين واحدة مركبة في جبهته ، أو يكون له يد واحدة ،
أو يكون في إحدى يديه أقل من خمس أصابع ، أو يكون بلا لسان ،
أو يكون فيه نقصان شيء آخر من الأشياء الشبيهة بهذه ؛ فهذا الصنف
من العدد يقال له العدد الناقص ، وكان في أجزايه نقص وقصير عن
شكله مثل عددي الثانية والأربعة عشر ، فإنّ لعدد الثانية من الأجزاء
نصفاً وربماً وثيناً ، وهي الأربعة والاثنان والواحد ، فإذا جمع ذلك
كانت جملته سبعة ، وذلك أقل من عدد الثانية بواحد الذي كان لنا
أولاً ، فاجزوا هذا العدد أقل منه . وأما عدد الأربعة عشر فإنّ له نصفاً
وسبعاً وجزءاً من أربعة عشر ، وهي السبعة والاثنان والواحد ، فإذا
جمعت كانت جملتها عشرة ، وذلك أقل من عدد الأربعة عشر الذي
كان لنا أولاً ، وأجزاء هذا العدد أقل من مقدار ما تم به جميعه .

فهذان الصنفان اللذان ذكرنا من أصناف العدد متقابلان بمنزلة شيئاً
موضعين في الطرفين ، وفي وسط ما بينهما العدد الذي يقال له التام
الذى ليست أجزاؤه ، إذا جمعت ، بزيادة على كلٍّ ، ولا كلٍّ يزيد
على جملة أجزايه ، لكنه أبداً مساوي لأجزايه ، والمساوي هو فيما بين
الزائد والناقص ، كالمتعدل بين المفرط والمقصر ، والمساوي في الصوت
بين الأحد والأثقل . فإذا كان العدد بأجملة عدداً متى جمعت الأجزا

التي يمكن أن تكون له وأجلت فقيست إليه كانت غير زايدة عليه ، و كان هو غير زايد عليها ، قيل لذلك العدد العدد التام ”قولاً على الحقيقة“ ، وهو مساوٍ لجملة أجزايه ، مثل عدد الستة ، والثانية والعشرين ؟ فإنَّ للستة نصفاً وثلاثة وسدساً ، وهي ثلاثة واثنان وواحد ، وإذا جُمِعَ ذلك كانت جملته ستة ، وذلك مساوٍ للعدد الذي كان لنا أوـلاً ، ولا يزيد عليه ولا ينقص عنه . وهذه هي خاصة العدد التام .

وقد عرض هنا أيضاً ، كما يعرض في الأشياء المحمدة الفاضلة ، من أنها عزيزة قليلة العدد ، وأنَّ الأشياء المرذولة الخسيسة الرذيلة كثيرة موجودة ، كذلك أيضاً الأعداد الزايدة على التام والناقصة توجد كثيرة غير لازمة للنظام وحسن التأليف في إدراكنا لها . وأما الأعداد التامة فإنَّها توجد قليلة العدد ، لازمة للنظام والترتيب وحسن التأليف الذي يحب فيها ، وذلك أنه إنَّما يوجد في الأعداد عدد واحد تام فقط وهو الستة ، وإنَّما يوجد بين العشرات عدد واحد آخر فقط وهو الثانية والعشرون ، ويوجد العدد الثالث من الأعداد التامة واحداً في المئتين وهو عدد الأربعينية وستة وتسعين ، والعدد الرابع من هذه الأعداد في حدود الآلاف وهو الثانية ألف ومائة وثمانية وعشرين . وهذه الأعداد بجملة أزواج » .

الفصل الثاني

اخوارزمي

١ - سيرته .

إنّ معلوماتنا عن سيرة هذا العالم محدودة، على رغم ما ناله مؤلفاته من شهرة . وقد اكتفى « ابن النديم »^(١) بالتاريخ له ببضعة أسطر ، إذ قال: « واسمه محمد بن موسى » وأصله من خوارزم ، وكان منقطعاً إلى خزانة الحكمة للمأمون ، وهو من أصحاب علوم الهيئة . وكان الناس قبل الرصد وبعده يقولون على زيجيه الأول والثاني ، ويعرفان بالسند هند ، وله من الكتب : كتاب الزيج نسختين أولى وثانية ، كتاب الرخامة ، كتاب العمل بالإسطرلاب ، كتاب التاريخ .

نعرف أنّ « محمد بن موسى الخوارزمي » ولد في « خوارزم »، وهي « خيوه » في الوقت الحاضر، ولكننا لا نعرف زمن مولده . ونعلم أنّه توفي نحو ٨٥٠ م^(٢) ؛ وإذا أخذنا بما قاله « ابن النديم » من انقطاع

(١) ابن النديم ، الفهرست ، ص ٣٩٧ . (٢) أو ٨٤٦ ، أو ٨٤٧ (عادل انبويا ، إحياء الجبر ، ص ٣) .

«الخوارزمي» لخزانة الحكمة التي أنشأها «المأمون»، جاز لنا أن نقدر أنّ «الخوارزمي» لا بدّ أنّه ولد في السنوات الأخيرة من القرن الميلادي الثامن.

ومن المرجح أنّ «الخوارزمي» اشتراك في عملية قياس درجتين أرضيتين زمن «المأمون» لتقدير حجم الأرض، وبرسم خريطة جغرافية كبيرة للعالم^(١).

٢ - إهتماماته ومؤلفاته.

يتبيّن من مؤلفات «الخوارزمي»، أنه كان عالماً فلكياً ورياضيًّا ومؤرخاً في آنٍ معاً. وقد وضع في ذلك مؤلفات متعددة^(٢).

ل لكنّ شهرته لا تقوم على هذا. وإذا كان «الخوارزمي» اشتهر بكونه عالماً فلكياً، فإنّ شهرته الحقيقة تقوم على كونه عالماً رياضياً بالدرجة الأولى. وفيما يلي جدول بمؤلفاته سجّله له كتاب السير^(٣):

١ - كتاب الحساب، وهو مفقود بالعربية، لكنه موجود بالترجمة اللاتينية.

٢ - كتاب الجبر والمقابلة، وضع نحو ٨٣٠ م.

٣ - كتاب تقويم البلدان. وقد شرح فيه آراء «بطليموس»،

(١) ألدوميلى، العلم عند العرب، ص ١٤٨ . (٢) ذكر «السعدي» «الخوارزمي» مؤرخاً . (٣) يرى «مصطفى شرفه» و «محمد مرسي أحمد» أنّ كتاباً منسوبة «لسند بن علي» لا بدّ أنها «للخوارزمي» (الجبر والمقابلة، ص ١١) .

وأضاف فيه إلى جغرافية « بطليموس » بعض المعلومات والخرائط ^(١) .

٤ - كتاب الجمع بين الحساب والهندسة والموسيقى والفلك ، وهو يشتمل على خلاصة دراساته .

هذا فضلاً عن المؤلفات التي أوردها « ابن النديم » .

٣ - صفاته وميزاته .

كان « الخوارزمي » علماً بين عدد من كبار رجال العلم الذين ازدادوا بهم القرن التاسع ، حتى سُمي العصر « بعصر الخوارزمي » .

إنقطع « الخوارزمي » إلى الدراسة في القسم العلمي من خزانة « الأمون » . فكان يجمع بين المطالعة والتأليف ، ويُقبل على الدرس نهاراً ، ويقوم بأعمال الرصد ليلاً . ولا عجب في ذلك ، فقد عاش « الخوارزمي » في عصر ازدهرت فيه الترجمات من اليونانية والسريانية والفارسية والهندية .

وكان هذه الترجمات لم تكن كافية ؟ فقد كان « الخوارزمي » عضواً في وفد بُعثت إلى « الهند » للاتصال بعلمائها والتعرف إلى حساب الهندوس . وبذلك نجد أن ثقافة « الخوارزمي » كانت تعتمد المؤلفات في الغالب ،

(١) يعتبره « ألدوميلي » نفس كتاب صورة الأرض « لبطليموس » ، مع بعض التوسيع (العلم عند العرب ، ص ١٤٧) . ويراه « مشرفة » و « أحد » بحثاً جديداً مستقلاً (الجبر والمقابلة ، ص ١٢) .

ولا تغفل عنصر السفر والرحلات للاطلاع والتعرف .

وهنا ينبغي أن لا ننسى صفة بارزة غالباً تخلّي بها «الخوارزمي»، وهي الدقة والأمانة في كلّ أعماله . ومثل هذه الصفة العلمية بارزة في مؤلفاته ، لاسيما الجغرافية ، وقد أدى ذلك إلى اعتمادها والتعويل عليها .

٤ - شهرته .

إنّ وجود كلمة «الجبر» في مختلف لغات العالم ، واستعمال الكلمة اللوغاراتئمات ، لدليلان واضحان على شهرة «الخوارزمي» شهرة واسعة . فإنّ هذا العالم معدود «من أعظم الرياضيين بين العلماء العرب ... وقد افتح افتتاحاً باهراً سلسلة الرياضيين العظام »^(١) . يضاف إلى ذلك أنّ تأثيره كان كبيراً بين الشعوب الإسلامية ، ثم المسيحية . فقد عرف العرب على نظام العدد الهندي » ، ثم وضع لفظ «الجبر» وأعطاه مدلوله الحالي^(٢) . ثم إنّ «أوروبا» تعرّفت إلى ذلك نتيجة ترجمة مؤلفاته ، فكان مؤلفاه في «الحساب الهندي» ، وكتاب «الجبر والمقابلة» ، أساساً للمؤلفات الأوروبيّة في الحساب والجبر . ثم إنّ العديد من العلماء العرب وضعوا الشروح على مؤلفاته^(٣) .

(١) الدوميلي ، العلم عند العرب ، ص ١٥٤ . (٢) الدوميلي ، العلم

عند العرب ، ص ١٥٤ . (٣) عادل انبوبيا ، إحياء الجبر ، ص ١ .

تبين أن «الخوارزمي» حميد الصفات، يقدر المحسنين للعلم والعلماء، ويؤكّد أنّ العالم الحقيقي إنما يبتغي إدراك الحقيقة، لا طلباً للشهرة ولا لمناقشة الآخرين. ثم إنّ انقطاعه إلى «بيت الحكم» دليل آخر على هذه الخلال الحميدة.

عرض لكتاب «الجبر والمقابلة» .

١ - الفایة . بعد استهلال الكتاب بالبسمة يقول «الخوارزمي» إنَّ المؤلَّفين «يكتبون الكتب ... نظراً لمن بعدهم ، واحتساباً للأجر»^(١). وعلى هذا فقد وضع كتابه بتشجيع من «المأمون» . ويلي ذلك شرح الفایة من تأليف هذا الكتاب، «لما يلزم الناس من الحاجة إليه في مواريثهم ووصاياتهم ، وفي مقاماتهم وأحكامهم وتجارتهم»، وفي جميع ما يتعاملون به بينهم من مساحة الأرض وكري الأنهر والهندسة » .

٢ - التعريف والتحديد . ثم ينتقل إلى التعريف والتحديد ، فيقول: «ووجدت جميع ذلك عدداً ، ووجدت جميع الأعداد إنما تركب من الواحد ، والواحد داخل في جميع الأعداد .

(١) أخوارزمي ، الجبر والمقابلة ، ص ١٥ .

ووجدت جميع ما يُلفظ به من الأعداد ما جاوز الواحد إلى العشرة يخرج خرج الواحد ، ثم تثنى العشرة وتُثلّث كافعل بالواحد فتكون منها العشرون والثلاثون ، إلى تمام المائة . ثم تثنى المائة وتُثلّث كما فعل بالواحد وبالعشرة ، إلى الألف ، ثم كذلك تردد الألف عند كل عقد إلى غاية المدرك من العدد . ووجدت الأعداد التي يُحتاج إليها في حساب الجبر والمقابلة على ثلاثة ضروب ، وهي جذور ، وأموال ، وعدد مفرد لا يناسب إلى جذر ولا مال . فالجذر منها كل شيء مضروب في نفسه من الواحد وما فوقه من الأعداد وما دونه من الكسور ؛ والمالم كل ما اجتمع من الجذر المضروب في نفسه ؛ والعدد المفرد كل ملفوظ به من العدد بلا نسبة إلى جذر ولا إلى مال . فمن هذه الضروب الثلاثة ما يعدل بعضها بعضاً ، وهو كقولك أموال تعدل جذوراً ، وأموال تعدل عدداً ، وجذور تعدل عدداً ^(١) . ثم يعطي أمثلة على ذلك .

٣ - المحتوى والأنقسام . ثم يتناول باب الضرب ، وباب الجمع والنقصان ، وباب القسم (أي القسمة) ، ويعطي أمثلة على ذلك كلته . وبعد ذلك يفرد لمسائل باباً خاصاً يفصلها فيه ويعطي حلولها ، وهي ستة .

ويلي المسائل السادسة باب المسائل المختلفة وهي اثنان وثلاثون مسألة . فكأنه هذا العالم يرمي من وراء ذلك أن يعطينا أنماطاً معينة من

(١) أخوارزمي ، الجبر والمقابلة ، ص ١٦ - ١٧ .

السائل تكون لنا قاعدة حلّ "سائل مشابهة لها على نمطها .

وبعد باب المسائل المختلفة يتناول « الخوارزمي » باب المعاملات ، فيقول « إنَّ معاملات الناس كلُّها ... على وجهين بأربعة أعداد يلفظ بها السائل ، وهي المسعر والسعر والثمن والمثمن ... وهذه الأربعية الأعداد ثلاثة منها أبداً ظاهرة معلومة ، وواحد منها مجهول ، وهو الذي في قول السائل : كم ، وعنده يسأل السائل ». ولما كان المسعر مبيناً للثمن ، والسعر مبيناً للمثمن ، فمعرفة العدد المجهول تحصل بضرب « العدين الظاهرين المتباينين كلَّ واحد منها في صاحبه »، فيما بلغ فاقسمه على العدد الآخر الظاهر الذي متبناه مجهول «^(١) ». وهذا ما نسميه بلغة اليوم بالقاعدة الثلاثية .

وينتقل « الخوارزمي » بعد ذلك إلى باب المساحة، فيتناول المربع ، والمثلث المتساوي الأضلاع ، والمعينة^(٢) Losange, Rhombus والمدورَة (أي الدائرة) ، ثم أقسام الدائرة ، والجسم ، والاسطوانة ، والمخروط ، والمثلث القائم الزاوية ، والأشكال الرباعية ، والمثلث الحادِّ الزوايا ، والمنفرج الزاوية .

ونلاحظ أنَّ « الخوارزمي » اعتمد الرسوم الإيضاحية حيث

(١) أخوارزمي ، الجبر والمقابلة ، ص ٥٣ . ومثلثه : « عشرة بستة ، كم لك بأربعة؟

$$10 \times 4 : 6 \quad (\text{ص } ٥٤) \quad \text{وهي في اصطلاحنا الحديث} \quad 10 = 6 \\ ? = 4$$

أو : « أجير أجورته في الشهر ١٠ دراهم ، عمل ستة أيام ، كم نصبيه؟ »

$$6 \times 10 : 30 \quad (\text{ص } ٥٤) \quad \text{وهي باصطلاحنا الحديث} \quad 30 = 10 \\ ? = 6$$

(٢) وهو « المعين » ، بالاصطلاح الحديث .

يجب ذلك . ثم نلاحظ اعتماد الحلول الجبرية في المسائل الهندسية .
وفي الكتاب قسم يتناول الوصايا .

وهكذا يكون مجموع المسائل التي وردت حلولها في هذا الكتاب
منة وست مسائل ، فضلاً عن المسائل التي تناول فيها مساحات الأشكال
الهندسية . وقد أعطى لها كلّها حلولاً ، ووضع لبعضها غير ماحل
واحد . حتى إنَّ باب الوصايا ، وهو المتعلق بالدين ، جعل من مسائله
نماذج رياضية .

٤ - تحليل محتويات الكتاب . والآن ، وقد عرضنا أبواب الكتاب ،
يجب علينا أن نقوم بدراسة له فنبرز مزاياه وعيوبه .

يبدو أنَّ الجبر متفرع من الحساب ، مرتبط به ، ولكنَّه عند
«الخوارزمي» علم مستقلٍ بذاته ، تناول حلَّ المعادلات من الدرجتين
الأولى والثانية . ثم إنَّ الجبر عند «الخوارزمي» يختلف اختلافاً
أساسياً عن الجبر الهندي^(١) .

ويبدو أيضاً أنَّ «الخوارزمي» يجهل الأعداد السلبية مع أنَّ
الهنود عرفوها من قبله ، وليس في الكتاب دليل واضح على معرفة
«الخوارزمي» لها . كما إنَّه يجهل الجواب إذا كان صفرأً .

ثم إنَّ جبر «الخوارزمي» هو جبر ناطق يعبر عن العمليات
الحسابية بالكلام العادي ، ولا يلجأ إلى الرموز التي تخزل التعبير
وتوادي المعاني الكثيرة بإيجاز . وأيَّ مثلٍ من أمثلة «الخوارزمي»

(١) عادل أنبوبا ، إحياء الجبر ، ص ٣ و ٤ .

نستطيع أن نعبر عنه بمعادلة قصيرة واضحة . ولا يعني هذا أنّ تعابير «الخوارزمي» غير واضحة ، بل هي واضحة جداً . وبالتالي نجد أنّ «الخوارزمي» لا يستعمل الحروف للدلالة على المجاهيل ، مع أنّ العلامة الهندود عرفوها^(١) .

ويتاز جبر «الخوارزمي» بأنّ «الخوارزمي» كان عالماً بما للدستور ، أو القاعدة القائمة ، وللآلية ، من أهمية في حلول المسائل . والدستور ، أو القاعدة القائمة ، إنّما هو سلسلة ثابتة من العمليات لحلّ المسائل المتشابهة ، إذ إنّ جميع المعادلات المتشابهة تحلّ على طريقة واحدة . فإذا قابلنا الحلّ العصريّ بحلّ «الخوارزمي» لمسألة : مال وعشرة أجدار يعدل ستة وخمسين درهماً^(٢) ، وجدناها متشابهين^(٣) . وتبدو الآلية في تكرر ذات الترتيب في حلّ المسائل المتشابهة ، حتى صار الجبر «صناعة تنحصر في بعض قواعد». ثم إنّ الطريقة التي استعملها «الخوارزمي» في باب المعاملات ، وهو ما نسميه اليوم بالقاعدة الثالثية ، دليل على الآلية .

ومن مزايا علم الجبر عند «الخوارزمي» أنه استخدمه في حلّ مسائل هندسية. ثم إنّ «الخوارزمي» يكتفي بتقديم الحلول من غير أن «يعطي برهاناً على صحة القاعدة»^(٤) .

وهكذا يتبيّن أنّ الفكرة الجبرية الأساسية موجودة عند

(١) عادل أنبوبا ، إحياء الجبر ، ص ٥ - ٦ . (٢) الخوارزمي ، الجبر والمقابلة ، ص ١٩ . (٣) عادل أنبوبا ، إحياء الجبر ، ص ٧ . (٤) عادل أنبوبا ، إحياء الجبر ، ص ١١ .

«الخوارزمي»، وهي ربط المجهول بالمعلومات بواسطة المعادلات^(١).

٥ - معنى الجبر والمقابلة . يقول «عادل أنبويا»^(٢) إن «الجبر إزالة الطرح من المعادلة والمقابلة بين الكميات المتشابهة في طرف المعادلة، بأن تلقى الكمية من شبيهتها فلا يبقى منها إلا واحدة في أحد الطرفين». وهذا هو في الواقع ما يحده المتتبّع لكتاب «الجبر والمقابلة» بدقة وإمعان.

٦ - تقويم . إن هذا العلم «أوجد طريقة موحدة سهلة حل العمليات الحسابية»^(٣). ثم إن «الخوارزمي» أدى خدمة كبيرة «بتعميم العلم»، وجعله في متناول العامة وتسهيله عليهم^(٤). ثم إن هذا الكتاب بقي «حتى القرن السادس عشر مثلاً» وحجّة في هذا العلم»، مما يدل على أهميته الكبيرة .

وإذا كانت دائرة المعارف الإيطالية لا ترى لهذا الكتاب أهمية كبيرة ، وإذا جاء في دائرة المعارف الإسلامية أن هذا الكتاب لا يتناول الجبر كأنفه ، بل «هو مقدمة في الحساب العملي القائم على عدة مسائل محلولة» ، فإن في هذا الكتاب «وحدة حقيقة» ، ورابطة بين أجزائه . وعندنا أن جوهر الكتاب هو حل المعادلات النظرية كما في كتبنا الابتدائية ، وما سوى ذلك فتطبيقاتها في الحقول

(١) عادل أنبويا ، إحياء الجبر ، ص ١٧ . (٢) عادل أنبويا ، إحياء الجبر ، ص ١٥ . (٣) عادل أنبويا ، إحياء الجبر ، ص ٨ . (٤) عادل أنبويا ، إحياء الجبر ، ص ٩ .

المختلفة . ومن البدائي "أن يسعى الخوارزمي إلى تشويق الدارس وإفادته بأن يبيّن له ما يجنيه عملياً من هذا العلم النظري" ^(١) .

ولعله ليس صحيحاً كلَّ الصحة أن نقول إنَّ «الخوارزمي» هو واضح علم الجبر . وليس من الطبيعي "أن يكون هذا المؤلَّف بلغ هذه الدرجة من التطور إذا لم تكن له أصول سابقة . ثم إننا نعلم أنَّ الجبر قديم العهد ، منه نماذج بدائية في «بردي احمس» . ونحن نعلم أنَّ العرب عرّفوا بوجود مؤلفات يونانية في الجبر ، لاسيما مؤلفات «ذيفنطس» . والأصحُّ أنْ يُقال إنَّه «أول من ألف فيه باللغة العربية» .

وقد اعترف «الخوارزمي» بأنَّه كتب ما كتب من أجل «إيضاح ما كان مستبهماً ، وتسهيل ما كان مستوعراً» ^(٢) . وإذا كان قد قسم العلماء إلى ثلاثة أنواع : مكتشفين ومكمّلين ومنظّحين ، فيبدو أنَّه يعتبر نفسه مكملاً موضحاً وضع حلولاً لمسائل كانت مستغلقة على السابقين . ثم إنَّ استعماله لتعابير الجذور والأموال والعدد المفرد يدلُّ على أنَّها كانت شائعة .

وخلاله القول إنَّ «الخوارزمي» استقى بعض معلوماته في الجبر والمقابلة عن سبقه ، ثم «فهم تماماً أهمية هذا العلم ، وجمع شتاته ، ورتب مسائله على حسب المنطق ، وطبعه بعقربيته ، فبعثه فكرة متينة

(١) عادل أنبوبا ، إحياء الجبر ، ص ٢٠ - ٢١ .
(٢) الخوارزمي ، الجبر والمقابلة ، ص ١٥ .

الأساس ، واسعة الإمكانيات ، قابلة للتطور ، وأوضح طرقه فتفهمه من بعده الكثيرون تفهمًا صحيحًا ، فها عاد يخشى على الجبر أن يتلاشى ثانية ويهمل كا حدث من بعد « ذيو فنطس »^(١). ثم إن له لا ريب أن « الخوارزمي » « أضاف شيئاً جديداً إلى معلومات أهل زمانه ^(٢) » .

(١) عادل أنبويا، إحياء الجبر، ص ٢٣ . (٢) عادل أنبويا، إحياء الجبر ، ص ٤٠ .

مختارات من نسخة حاجه

من كتاب «الجبر والمقابلة» .

- ١ -

« على أن ألتفت من كتاب الجبر والمقابلة كتاباً مختصراً حاصراً للطيف الحساب وجليله ، لما يلزم الناس من الحاجة إليه في مواريثهم ووصاياتهم ، وفي مقاسيمهم وأحكامهم وتجارتهم ، وفي جميع ما يتعاملون به بينهم من مساحة الأرضين وكري الأنمار والهندسة ، وغير ذلك من وجوهه وفنونه ، راجياً لأن ينزله أهل الأدب بفضل ما استودعوا من نعم الله تعالى وجليل آلانه وجميل بلاته عندهم منزلته ، وبالله توفيقي في هذا وفي غيره .

وإنني لما نظرت فيما يحتاج إليه الناس من الحساب وجدت جميع ذلك عدداً، ووجدت جميع الأعداد إنما تركب من الواحد، والواحد داخلاً في جميع الأعداد. ووجدت جميع ما يُلفظ به من الأعداد ما جاور

الواحد إلى العشرة يخرج مخرج الواحد ، ثم تثنى العشرة وتثلث كاً فعل بالواحد ، فتكون منها العشرون والثلاثون إلى تمام المائة . ثم تثنى المائة وتثلث كاً فعل بالواحد وبالعشرة ، إلى الألف ، ثم كذلك تردد الألف عند كلّ عقد إلى غاية المدرك من العدد . ووُجِدَت الأعداد التي يُحتاج إليها في حساب الجبر والمقابلة على ثلاثة ضروب ، وهي جذور وأموال وعدد مفرد لا يُناسب إلى جذر ولا إلى مال . فالجذر منها كلّ شيء مضروب في نفسه من الواحد وما فوقه من الأعداد وما دونه من الكسور ؛ والمال كلّ ما اجتمع من الجذر المضروب في نفسه ؛ والعدد المفرد كلّ ملفوظ به من العدد بلا نسبة إلى جذر ولا إلى مال . فمن هذه الضروب الثلاثة ما يعدل بعضها بعضاً ، وهو كقولك أموال تعدل جذوراً ، وأموال تعدل عدداً ، وجذور تعدل عدداً .

فأمّا الأموال التي تعدل الجذور فمثل قوله : مال يعدل خمسة أحذاره ، فجذر المال خمسة ، والمال خمسة وعشرون ، وهو مثل خمسة أحذاره . وكقولك : ثلث مال يعدل أربعة أحذار ، فالمال كلّه يعدل إثني عشر جذراً ، وهو مائة وأربعة وأربعون ، وجذرها إثنا عشر . ومثل قوله : خمسة أموال تعدل عشرة أحذار ، فالمال الواحد يعدل جذرين ، وجذر المال اثنان ، والمال أربعة ، وكذلك ما كثر من الأموال أو قلّ يردد إلى مال واحد . وكذلك يُفعل بما عاد لها من الأحذار يردد إلى مثل ما يردد إليه المال .

وأمّا الأموال التي تعدل العدد فمثل قوله : مال يعدل تسعة ، فهو المال وجذرها ثلاثة ؟ وكقولك : خمسة أموال تعدل ثمانين ، فالمال الواحد خمسة والثمانين ، وهو ستة عشر ؟ وكقولك : نصف مال يعدل

ثمانية عشر ، فالمال يعدل ستة وثلاثين ، وجذرها ستة ؟ وكذلك جميع الأموال ، زائدتها وناقصها ، تردد إلى مال واحد ، وإن كانت أقل من مال زيد عليها حتى تكمل مالاً تاماً ، وكذلك يفعل بما عادها من الأعداد .

وأما الجذور التي تعدل عدداً فكقولك : جذر يعدل ثلاثة من العدد ، فالجذر ثلاثة ، والمال الذي يكون منه تسعة ؟ وقولك : أربعة أجذار تعدل عشرين ، فالجذر الواحد يعدل خمسة ، والمال الذي يكون منه خمسة وعشرون ؟ وقولك : نصف جذر يعدل عشرة ، فالجذر يعدل عشرين ، والمال الذي يكون منه أربعين .

- ٣ -

باب الضرب

«أنا مخبرك كيف تضرب الأشياء ، وهي الجذور ، بعضها في بعض ، إذا كانت منفردة ، أو كان معها عدد ، أو كان مستثنى منها عدد ، أو كانت مستثناة من عدد ، وكيف تجمع بعضها إلى بعض ، وكيف تنقص بعضها من بعض . إنما لا بد لكل عدد يضرب في عدد من أن يضاعف أحد العددين بقدر ما في الآخر من الأحاد . فإذا كانت عقود ومعها آحاد ، أو مستثنى منها آحاد ، فلا بد من ضربها أربع مرات : العقود في العقود ، والعقود في الآحاد ، والآحاد في العقود ، والآحاد في الآحاد . فإذا كانت الآحاد التي مع العقود زائدة جائعاً فالضرب الرابع

زائد ، وإذا كانت ناقصة جيماً فالضرب الرابع زائد أيضاً ،
وإذا كان أحدهما زائداً والآخر ناقصاً فالضرب الرابع ناقص .
وهو مثل عشرة وواحد في عشرة واثنين ، فالعشرة في العشرة
مائة ، والواحد في العشرة عشرة زائدة ، والاثنان في العشرة عشرون
زائدة ، والواحد في الاثنين اثنان زائدان ، فذلك كله مائة واثنان
وثلاثون . وإذا كانت عشرة إلاّ واحداً في عشرة إلاّ واحداً ، فالعشرة
في العشرة مائة ، والواحد الناقص أيضاً في العشرة عشرة ناقصة ،
والواحد الناقص أيضاً في العشرة عشرة ناقصة ، فذلك ثمانون ، والواحد
الناقص في الواحد الناقص واحد زائد فذلك أحد وثمانون . وإذا كانت
عشرة واثنان في عشرة إلاّ واحداً ، فالعشرة في العشرة مائة ،
والواحد الناقص في العشرة عشرة ناقصة ، والاثنان الزائدان في
العشرة عشرون زائدة ، فذلك مائة وعشرة ، والاثنان الزائدان
في الواحد المنقوص اثنان ناقصان ، فذلك كله مائة وثمانية .
 وإنما بيَّنت ذلك لتسدل بـ على ضرب الأشياء بعضها في بعض فإذا كان
معها عدد ، أو استُثنى من عدد ، أو استُثنى منها عدد . فإذا قيل
لـ : عشرة إلاّ شيئاً ، ومعنى الشيء الجذر ، في عشرة ، فاضرب
عشرة في عشرة يكون مائة ، وإلاّ شيئاً في عشرة يكون عشرة أجذار
ناقصة ، فيعدل مائة إلاّ عشرة أشياء . فإن قال عشرة وهي في عشرة ،
فاضرب عشرة في عشرة يكون مائة ، وشيئاً في عشرة عشرة أشياء
زائدة يكون مائة وعشرة أشياء . وإن قال : عشرة وهي في مثلها ،
قلت عشرة في عشرة مائة ، وعشرة في شيء بعشرة أشياء ، وعشرة في
شيء بعشرة أشياء أيضاً ، وهي في شيء مال زائد ، فيكون ذلك
مائة درهم وعشرين شيئاً ومائلاً زائداً . وإن قال : عشرة إلاّ شيئاً في
عشرة إلاّ شيئاً ، قلت : عشرة في عشرة مائة ، وإلاّ شيئاً في عشرة

عشرة أشياء ناقصة ، وإلا ” شيئاً في عشرة عشرة أشياء ناقصة ، وإلا ” شيئاً في إلا ” شيئاً مال زائد ، فيكون ذلك مائة ومالاً إلا ” عشرين شيئاً ” .

- ٣ -

باب الجمع والنقصان

«اعلم أن جذر مائتين إلا ” عشرة مجموع إلى عشرين إلا ” جذر مائتين فإنه عشرة سوياً ؛ وجذر مائتين إلا ” عشرة منقوص من عشرين إلا ” جذر مائتين فهو ثلاثةون إلا ” جذري مائتين . ومائة ومال إلا ” عشرين جذراً ، مجموع إليه خمسون وعشرة أجذار إلا ” مالين ، فهو مائة (مال) وخمسون إلا ” مالاً وإلا ” عشرة أجذار . ومائة ومال إلا ” عشرين جذراً منقوص منه خمسون وعشرة أجذار إلا ” مالين فهو خمسون درهماً وثلاثة أموال إلا ” ثلاثةون جذراً . وأنا مبين لك علة ذلك في صورة تؤدي إلى الطلب إن شاء الله تعالى . واعلم أن كل جذر مال معلوم أو أصم ” ت يريد أن تضعفه ” ، ومعنى إضعافك إيه أنه تضربه في اثنين ، فينبغي أن تضرب اثنين في اثنين ، ثم في المال ، فيصير جذر ما اجتمع مثلثي جذر ذلك المال . وإن أردت ثلاثة أمثاله فاضرب ثلاثة في ثلاثة ، ثم في المال ، فيكون جذر ما اجتمع ثلاثة أمثال جذر ذلك المال الأول ، وكذلك ما زاد من الإضعاف أو نقص ، فعلى هذا المثال نفسه . وإن أردت أن تأخذ نصف جذر مال فينبغي أن

تضرب نصفاً في نصف فيكون ربماً ، ثم في المال فيكون جذر ما اجتمع مثل نصف جذر ذلك المال . وكذلك ثلاثة أو ربعه أو أقل من ذلك أو أكثر ، بالغاً ما بلغ في النقصان والأضعاف » .

- ٤ -

القسم

« وإن أردت أن تقسم جذر تسعة على جذر أربعة ، فإنك تقسم تسعة على أربعة فيكون اثنين وربماً ، فجذرها هو ما يصيب الواحد ، وهو واحد ونصف . وإن أردت أن تقسم جذر أربعة على جذر تسعة فإنك تقسم أربعة على تسعة فيكون أربعة أتساع واحد فجذرها ما يصيب الواحد وهو ثلثاً واحد . فإن أردت أن تقسم جذري تسعة على جذر أربعة أو غيرها من الأموال فاضعف جذر التسعة على ما أريشك في عمل الأضعاف ، فما بلغ فاقسمه على أربعة أو على ما أردت أن تقسم عليه ، واعمل به كما عملت . وكذلك إن أردت ثلاثة أحجار تسعة أو أكثر ، أو نصف جذر تسعة أو أقل ، أو ما كان ، فعلى هذا المنوال فاعمله تصب إن شاء الله تعالى . وإن أردت أن تضرب جذر تسعة في جذر أربعة فاضرب تسعة في أربعة فيكون ستة وثلاثين ، فخذ جذرها وهو ستة ، فهو جذر تسعة مضروب في جذر أربعة . وكذلك لو أردت أن تضرب جذر خمسة في

جذر عشرة فاضرب خمسة في عشرة ، فجذر ما بلغ هو الشيء الذي تريده . وإن أردت أن تضرب جذر ثلث في جذر نصف فاضرب ثلاثة في نصف فيكون سدسًا ، فجذر السادس هو جذر الثالث مضروب في جذر النصف » .

- ٥ -

باب الوصيّة بالدرهم

رجل مات وترك أربعة بنين وأوصى لرجل مثل نصيب أحدهم وبربع ما بقي من الثالث ودرهم . فقياس ذلك أن تأخذ ثلث مال فتلقي منه نصيبياً ، فيبقى ثلث إلا نصيبياً ، ثم تلقي ربع ما يبقى معك وهو ربع ثلث إلا ”ربع نصيب“ ، وتلقي أيضاً درهماً فيبقى معك ثلاثة أرباع ثلث مال وهو ربع المال إلا ”ثلاثة أرباع نصيب وإلا“ درهماً ، فتريد ذلك على ثلثي المال فيكون معك أحد عشر جزءاً من اثنى عشر من مال إلا ”ثلاثة أرباع نصيب“ ، وإلا ”درهماً“ ، تعدل أربعة أنصباء . فاجبر ذلك بثلاثة أرباع نصيب وبدرهم فيكون أحد عشر جزءاً من اثنى عشر من مال تعدل أربعة أنصباء، وثلاثة أرباع نصيب ودرهماً ، فكل مالك ، وهو أن تزيد على الأنصباء والدرهم جزءاً من أحد عشر جزءاً منها فيكون معك مال يعدل خمسة أنصباء وجزءين من أحد عشر جزءاً من نصيب ، ودرهماً وجزءاً من أحد عشر من درهم . فإن أردت أن تخرج الدرهم صحيحاً فلا تكمل المالك ، ولكن اطرح من الأحد عشر واحداً

بالدرهم واقسم العشرة عشرة الباقية على الأنصباء وهي أربعة وثلاثة أرباع
نصيب ، فيكون القسم اثنين وجزءاً من تسعه عشر جزءاً من درهم ،
فاجعل المال اثني عشر والنصيب سهرين وجزمين من تسعه عشر جزءاً .
وإن أردت أن تخرج النصيب صحيحاً فتمّ مالك واجبره فيكون
الدرهم أحد عشر من مال». .

الفصل الثالث

ابن الهيثم

(١٠٣٩ م - ٤٣١ هـ / ١٠٦٥ م - ٤٣٥ هـ)

١ - تمهيد .

إن مؤلفات « ابن الهيثم » لم تنشر بعد ، مع أن فيها كنوزاً قيمة إن من حيث كونها صحيحة بذاتها ، أو من حيث إنها كانت خطوة نحو اكتشافات و معارف لاحقة .

وإذا كان في هذا الواقع - واقع عدم نشر مؤلفات هذا العالم ، ولا سيما كتاب «المناظر» - ما يدعو إلى الأسف ، فإن في ذلك ما يحضّ

(١) يقول « ابن أبي أصيحة » إنّه توفي « في حدود سنة ٤٣٠ هـ أو بعدها بقليل » (عيون الأنباء ، ص ٥٥٢). ويقول أيضاً إنّه نقل « من خط ابن الهيثم ما يفيد أنّه كان في الثالثة والستين من عمره عام ٤١٧ هـ ، مما يدلّ أنّه ولد عام ٣٥٤ » (عيون الأنباء ، ص ٥٥٢).

على ضرورة الاهتمام لتكريم هذا العالم الذي كان لتفكيره ولمنهجيته أبعد الأثر على العديد من العلماء الأوروبيين والعرب .

٤ - سيرته .

هو «أبو علي محمد بن الحسن بن الهيثم» ، ولد في «البصرة» نحو ٩٦٥ / ٥٣٥ م . وعاصر «ابن سينا» و «البيروني» ، في عصر انتشرت فيه العلوم الإغريقية .

ولئن تكن معلوماتنا عن حياته الخاصة قليلة ، فإنّا نعلم أنّه «قد وزر» ، وانقل إلى «الشام» في أوّل أمره ، لكنّه كان منذ البداية يميل «إلى الفضائل والحكمة والنظر فيها» ، ويشتمي أن يتجرّد عن الشواغل التي تمنعه من النظر في العلم .

وكانّا وجد صعوبة في التخلص من وظيفته في «البصرة» ، فاضطرر ، على ما تقول الرواية ، «أن يظهر خبلاً في عقله وتغييراً في تصوّره ... حتى تكّن من تبطيل الخدمة»^(١) . فقاده «البصرة» إلى «القاهرة» في عهد «الحاكم بأمر الله الفاطمي» وهو في العقد الرابع من عمره .

إنّ المصادر لا تحدّد بالضبط تاريخ انتقاله إلى «مصر» ؛ والقول بأنّه انتقل إليها في عهد «الحاكم بأمر الله» يشير إلى أنّ قدومه إلى «مصر» بعد عام ٩٩٦ / ٥٣٨٦ م ، أي في أواخر القرن الهجري الرابع ، أو أوائل القرن الميلادي الحادي عشر .

(١) ابن أبي أصيحة ، عيون الأنباء ، ص ٥٥٠ - ٥٥١ .

وتكتفي المصادر بالقول إنّ رغبته بالانقطاع إلى العلم ، ومعرفته بحبّ الخليفة الفاطميّ للعلم والعلماء ، كانتا الدافعين لذلك ، كأنّ الجوّ العامَ في « العراق » في تلك الفترة لم يكن مؤاتياً لمثل هذا النشاط .

يقول « ابن أبي أصيبيعة »^(١) إنّ « الحاكم بأمر الله » سمع أنّ « ابن الهيثم » قال : « لو كنت بصر لعملت في نيلها عملاً يحصل به النفع في كلّ حالة من حالاته من زيادة ونقص ؟ فقد بلغني أنه ينحدر على موضع عالٍ هو في طرف الإقليم المصريّ ». فأحبّ « الحاكم بأمر الله » ، الذي « كان يميل إلى الحكمة » ، أن يستقدمه إليه ، « وسيتر إليه ، سرّاً ، جملةً من المال ، وأرغبه في الحضور ... ولما وصلها خرج الحاكم للقائه ، والتقيا ... على باب القاهرة ... وأمر بإلزامه وإكرامه واحترامه ، وأقام ريثما استراح ، وطالبه بما وعد به من أمر النيل ». فاختار « ابن الهيثم » عدداً من الصناع ، وقام بصحبته بمحولة دراسية في مجرى « النيل » ؛ « ورأى آثار من تقدم ... من الأمم الخالية » ، وتبيّن له « أنّ الذي يقصده ليس يمكن ... فانكسرت هسته ، ووقف خاطره ... وتحقق الخطأ والغلبة عتاً وعد به . وعاد خجلاً ومنخذلاً ، واعتذر إلى الخليفة ، فقبل منه اعتذاره ». ثم « ولاه بعض الدواعين فتولاً هاربة لا رغبة » .

ومرة أخرى كان عليه « إظهار الجنون والخبال » للتخلص من بطش « الحاكم بأمر الله ». فصادر الخليفة موجوداته ، لكنه عين له « من يخدمه ، وقيّد وترك في موضع من منزله ». ولمّا مات

(١) ابن أبي أصيبيعة ، عيون الأنباء ، ص ٥١٥ ، نقلًا عن « القسطي » .

«الحاكم»، أعيدت إليه موجوداته، وعاد إلى الاشتغال بالتأليف والنسخ. ولكن حياته في «القاهرة» لم تكن كاً توهم. بعد وفاة «الحاكم»، استوطن على باب الجامع الأزهر، وأقام متنسقاً متزيناً مقتنعاً، يعمل في نسخ «إقلidis» و«المتوسطات» و«الجسطي» كل سنة ويبيعها بمئة وخمسين ديناراً تكفيه سنة، إلى أن توفي عام ١٠٣٩ / ٥٤٣١ م^(١).

بقي أن نتساءل هنا عن حقيقة انتقاله إلى «القاهرة»: هل كان بسبب الجو المضطرب في «العراق»، وبدافع من دعوة «الحاكم» بأمر الله له، وحسب، أم إن هنالك أسباباً أخرى نجهلها؟ ثم هل نقتصر بصحة ما جرى له في «القاهرة» بهذه السرعة؟ كم سنة بقي مجذوناً «بالبصرة» في المرّة الأولى؟ وكم سنة بقي مجذوناً «بالقاهرة» في المرّة الثانية؟ أيجوز أن نقتصر أن رجلاً «ابن الهيثم» عالماً مطلقاً واسع الاطلاع، لا يعلم باستحالة تنفيذ مشروعه على «النيل» إلا بعد أن يعرض نفسه لفضح «الحاكم» بأمر الله بوعده بما وعد، قبل القدوم إلى «مصر»؟

لم تكن حياة «ابن الهيثم» مستقرة، كما يبدو مما تذكره المصادر، فقد قضاها بين «البصرة» و«القاهرة»، في معظمها، وقضى جزءاً منها في «الشام». ولكن ينفي أن نفترض عن سبب هذه التقلبات في مجالات أخرى. لعله كانت له اتجاهات سياسية مغایرة، أو لعل منافسة قامت بينه وبين علماء آخرين اشتهر بهم عصره.

(١) ابن أبي أصيبيعة، عيون الأنباء، ص ٥٥١ - ٥٥٢.

كان « ابن الهيثم » ضئيل الجسم ، قصير القامة . وقد كتب « ابن الهيثم » عام ٤١٧هـ / ١٢٠٦ م مقالة مطولة سرد فيها مؤلفاته حق ذلك التاريخ ، وبين فيها بعض مناحي شخصيته من سعة اطلاع ، وتشكيك بكثير مما اطلع عليه ، وتعلق بالحق » ، وعزز على تحصيل العلم من معدنه ، فكان « دائم الانشغال ، كثير التصنيف ، وافر التزهد »^(١) ، محباً للخير ، فاضل النفس ، قوي الذكاء ، لم يائده أحد من أهل زمانه »^(٢) .

وليس لدينا معلومات عن اشتغاله بالوزارة في « البصرة » ، أو في الدواوين في « مصر » ، لنعلم بعض مميزاته الشخصية ؛ وإنما يمكننا أن نقول إنّه لم يكن ميالاً مثل هذا النوع من العمل . أمّا تظاهره بالجنون في المراتين للتخلّص من هذا العمل فمتى يدعو إلى الدهشة والاستغراب .

ومتى يدلّ على قوّة شخصيته وعبريتها : أثره الكبير في العلماء المعاصرين له ، والعلماء الذين جاؤوا بعده . وقد تبيّن ذلك مما قاله فيه الدارسون من بعده . ولعلّ القول بأنّه « رياضيّ بادقّ » ما يدلّ

(١) يدلّ على ذلك أنّه رفض عطايا أمير شامي ، وتعلّمه الأمير بلا مقابل (أحد سعيد الدمرداش ، الحسن بن الهيثم ، ص ٧ و ٣٧) . (٢) ابن أبي أصيحة ، عيون الأنباء ، ص ٥٥٠ .

عليه هذا الوصف من معنى ، وأبلغ ما يصل إليه من حدود «^(١) » ،
أفضل ما يبيّن لنا حقيقته العبرية .

واعتبره « محمد رضا المدور » « من كبار علماء وقته » . ويستدلّ
على ذلك من سعة أعماله في الفلك والرياضية ، ولا سيما في الطبيعة ^(٢) .
ثم إنّ نجح « ابن الهيثم » العلميّ لدليل أيضاً على عبريته . وستتناول
هذه الناحية منه في مكان آخر .

وكان « ابن الهيثم » « حسن الخط » ... له خطّ قاعدته في غاية
الصحة » ^(٣) .

والواقع أنّ مصنفاته جميعها تشهد على تعدد جوانب هذه الشخصية ،
وعلى عبريتها فذة فريدة وهو القائل :

« إني لم أزل منذ عهد الصبا مرويًّا في اعتقدات الناس المختلفة ،
وتسلّك كلّ فرقة منهم بما تعتقد من الرأي ، فكنت متشكّكاً في
جميعه ، موقفنا بأنّ الحقّ واحد ، وأنّ الاختلاف فيه إنّما هو من جهة
السلوك إلّي .

فلمّا كملت لإدراك الأمور العقلية انقطعت إلى طلب معدن الحقّ ...
فخضت لذلك ضروب الآراء والاعتقدات ، وأنواع علوم الديانات ، فلم
أحظَ من شيء منها بطائل ، ولا عرفت منه للحقّ منهجاً ، ولا إلى

(١) أحد مشرفة ، نقاً عن تراث العرب العلمي ، لقدری حافظ طوقان ، ص ٢٩٦ ؛
وأحمد سعيد الدمرداش ، الحسن بن الهيثم ، ص ١٠ . (٢) نقاً عن « أحد سعيد
الدمرداش » ، الحسن بن الهيثم ، ص ١١ - ١٢ . (٣) ابن أبي أصيبيع ، عيون
الأنباء ، ص ٥٥٠ و ٥٥١ .

رأي اليقيني مسلكاً جدداً . فرأيت أنني لا أصل إلى الحق إلا من آراء يكون عنصرها الأمور الحسية ، وصورتها الأمور العقلية ، فلم آخذ ذلك إلا فيما قرره أرسطوطاليس ...

فلما تبيّنت ذلك أفرغت وسعي في طلب علوم الفلسفة ، وهي ثلاثة :

علوم رياضية ، وطبيعية ، وإلهية . فإن ثمرة هذه العلوم هي علم الحق والعمل بالعدل في جميع الأمور الدنيوية ، والعدل هو محض الخير الذي بفعله يفوز ابن العالم الأرضي بنعيم الآخرة السماوي »^(١) .

٤ - إهتماته ومؤلفاته .

يقول « ابن الهيثم » في مقالة له إنّه أفرغ وسمه « في طلب علوم الفلسفة وهي ثلاثة علوم : رياضية وطبيعية وإلهية ... فشرحت وختّرت واختصرت من هذه الأصول الثلاثة ما أحاط فكري بتصوره »، ووقف تميّز على تدبّره ». وكان يقصد في ما وصفه « إلى أحد أمرين : إما إلى نفع رجل أفيده إياته ، وإما أن أتعجل أنا في ذلك رياضة أروض بها نفسي في وقت وضعني إياته ، وأجعله ذخيرة لوقت الشيخوخة ... وأنا أشرح ما صنعته في الأصول الثلاثة ليوقف منه على موضع عنائي بطلب الحق وحرصي على إدراكه ، وتعلّم حقيقة ما ذكرته من عزوف نفسي عن مائة العوام الرعاع الأغبياء وسموها إلى

(١) نقاً عن : أحد سعيد الدمرداش ، الحسن بن الهيثم ، صفحة ٣٥ - ٣٦ .

مشابهة أولياء الله الأخيار الأتقياء »^(١) .

كان « ابن الهيثم » طبيباً ، وعالماً طبيعياً ، لاسيما في البصريات ، ورياضياً ، وفيلسوفاً ، وفلكياً ، بحيث يمكن اعتباره عالماً موسوعياً . وفيها يلي جدول بأشهر مؤلفاته :

- ١ - شرح الجسطي وتلخيصه .
- ٢ - الكتاب الجامع في أصول الحساب (استخرجه من أوضاع أقليدس في أصول الهندسة والعدد واستخرج المسائل الحسابية بالتحليل الهندسي والتقدير العددي) ، وعدل عن أوضاع الجبريين وألفاظهم .
- ٣ - علم المناظر ، تلخيص من كتابي أقليدس وبطليموس .
- ٤ - كتاب في المساحة على جهة الأصول .
- ٥ - مقالة في اجرات المفهور والأبنية يجمع الأشكال الهندسية (وقد بلغ فيه أشكال قطوع المخروط المكافئ والزائد والناقص) .
- ٦ - مقالة في الحساب الهندي .
- ٧ - رسالة إلى بعض الرؤساء في الحث على الرصد النجومي .
- ٨ - كتاب في التحليل والتركيب الهندسيين على جهة التمثيل للمتعلمين - وهو بجموع مسائل هندسية وعددية حلّتـها وركبتـها .
- ٩ - مقالة في أن خارج السماء لا فراغ ولا ملام .

(١) ابن أبي أصيحة ، عيون الأنباء ، ص ٥٥٣ - ٥٥٤ .

- ١٠ - مقالة في طبائع اللذات الثلاث، الحسية والنطقية والمعادلة .
- ١١ - رسالة في طبيعة العقل .
- ١٢ - رسالة في الزمان والمكان .
- ١٣ - رسالة في تأثيرات اللحون الموسيقية في النفوس الحيوانية .
- ١٤ - تشخيص كتاب ارسطو في الحيوان .
- ١٥ - مقالة في المرايا الحرقية (مفردة عما ذكر في تشخيص كتابي أقليدس وبطليموس في المناظر) .
- ١٦ - مقالة في جوهر البصر وكيفية وقوع الأ بصار عليه .
- ١٧ - مقالة في شرح مصادرات كتاب أقليدس .
- ١٨ - كتاب في المناظر ، سبع مقالات .
- ١٩ - مقالة في مراكز الأنفال .
- ٢٠ - مقالة في المناظر على طريقة بطليموس .
- ٢١ - مقالة في كيفية الأظلال .
- ٢٢ - مقالة في أن ما يرى من السهام هو أكثر من نصفها .
- ٢٣ - مقالة في أضواء الكواكب .
- ٢٤ - مقالة في أعداد الوفق .
- ٢٥ - مقالة في التحليل والتركيب .
- ٢٦ - مقالة في الضوء .
- ٢٧ - مقالة في القرسطون (الميزان) .
- ٢٨ - مقالة في المكان .
- ٢٩ - مقالة في شكل « بنى موسى » .

٣٠ - كتاب في السياسة ، خمس مقالات .

هذا شيء من جدول طويل بمؤلفات « ابن الهيثم » . وأول ما نلاحظه أنها تتناول الطب ، والطبيعتين ، والفلك ، والرياضيات (حساباً وجبراً وهندسة) ، واللغة ، والفلسفة .

ثم نلاحظ أنَّ القسم الأكبر منها وضعه وهو في « مصر » ، إذ إنَّ جميع مصنفاتاته بعد ٤١٧ هـ هي في « مصر » . ولا ريب أنَّ قسماً منها وضعه قبل هذا التاريخ كان في « مصر » أيضاً ، إذ إنَّه أتمها قبل ذلك الوقت .

ونلاحظ أيضاً أنَّ الذين وضعوا جداول بمؤلفاته لم يسجلوا أسماء كتبه كاملة ، لذلك نجد أنَّ بعض المقالات ، التي تتناول مواضيع معينة ، مجموعه في كتاب ، كاستخراج أصلع المكعب ، وعلل الحساب الهندي ، وأعداد الوفق وأصول المساحة ؛ وكثيراً ما نجد أسماء مؤلفات تتشابه .

وبعد ، فقد ورد ذكر « قصيدة عينية في بروج الشمس والقمر » « لابن الهيثم » ^(١) ، ولم يرد ذكرها في جدول آخر ^(٢) .

هـ - أثره .

قال « ابن القبطي » إنَّ الناس أخذوا عن « ابن الهيثم » واستفادوا ^(٣) .

(١) طوقان ، تراث العرب العلمي ، ص ٣٠٦ . . (٢) نقلًا عن : طوقان ، تراث العرب العلمي ، ص ٢٩٦ . . (٣) نقلًا عن : طوقان ، تراث العرب العلمي ، ص ٢٩٦

ومن هذا دليل واضح على أثره على مَنْ بعده من العلماء . وفي أقوال مؤرّخي العلم الغربيين ما يدلّ على أهمية هذا العالم وتأثيره في مَنْ بعده من علماء العرب والغرب . فقد تجاوزت أهميته « جميع الطبيعيين الآخرين عند العرب » ، كما إنّ كتابه « المناظر » « ترك تأثيراً عميقاً ... كان فيما بعد باعثاً على البحوث والأعمال التي قام بها روجر بيكون وويتولو ^(١) . كما إنّ « كيلر » أخذ معلوماته في الضوء ، لا سيما فيما يتعلق بالانكسار الضوئي في الجوّ ، من كتب « ابن الهيثم » ^(٢) .

واهتمّ الفرنجية منذ القرن الثاني عشر بكتاب « المناظر » « ابن الهيثم » ، فترجمه « جرار الكريوني » ، ثم نقل عنه « جون بيكمان » و « ويتوولو » في القرن الثالث عشر ، وكذلك عرف الأوروبيون دراساته الفلكلورية منذ القرن الخامس عشر ^(٣) .

وفي الشرق قام « كمال الدين أبو الحسن الفارسي » (توفى عام ٥٧٢٠ هـ ١٣٢٠ م) بشرح كتاب « المناظر » وبإضافة دراسات قيمة عليه تتعلق بالانعكاس والانكسار ^(٤) . كذلك تأثر « عمر الخيام » « بابن الهيثم » في بحث المعادلات التكعيبية بوساطة قطوع المخروط ^(٥) .

لكنّ « عمر الخيام » (٤٣٢ هـ ١٠٤٠ م / ١١٣٢ هـ ٥٢٧ م)

(١) ألدوميلى ، العلم عند العرب ، ص ٢٠٦ . (٢) طوقان ، تراث العرب العلمي ، ص ٩٧ .

(٣) ألدوميلى ، العلم عند العرب ، ص ٢٠٨ - ٢١٠ . وقد عرفـ الغربيون باسم Al Hazen .

(٤) ألدوميلى ، العلم عند العرب ، ص ٢٠٧ . (٥) طوقان ، تراث العرب العلمي ، ص ٣٠١ .

وجهه إلى نقداً عنيفاً في شكوكه على «مصادرات إقليدس» (الدمداش ، ص ١٧٣ - ١٧٥) وكذلك ردّ عليه «أبو الفتوح نجم الدين أحمد بن محمد بن السري البغدادي» المعروف «ب ابن الصلاح» (توفي ٥٤٨ هـ / ١١٥٣ م) مما يدلّ على أنّ هندسة «إقليدس» كانت ميداناً لصراع بين علماء عديدين .

ويعلّل «الدوميلى» بإهانة «ابن الهيثم» فترة من الزمن بسبب انتقال دراساته إلى «أوروبا» وشيوخ أسماء الذين نقلوا عنه ^(١). لكن «مصطفى نظيف» يرى لذلك سبباً ثانياً هو التناحر بين الدوليات الإسلامية، ومحنة التتار ^(٢). ولعلّ اتصاله بالفاطميين أدى إلى اتهامه بالغروج عن الدين، وإلى عدم نشر مؤلفاته . وفي القرن العشرين بُرِزَ اسم «ابن الهيثم» مجدداً، ولا سيما في أوساط الهيثيات العلمية المصرية ^(٣). وفي عام ١٩٣٩ نشر «مصطفى نظيف» دراسة عن «ابن الهيثم وأثره المطبوع في الضوء»، وفي عام ١٩٤٢ نشر مؤلفاً آخر باسم «الحسن بن الهيثم» بحوثه وكشفه .

وإن ننسى هنا فلن ننسى أنّ تصريحات «ابن الهيثم» الشخصية، من تزهد وترفع، ومن رفض للغمريات وتمسك بواصلة الدرس والتأليف، لدليل على قسوة شخصيته، مما جعل منه قدوة لعلماء كثيرين غيره من بعده .

(١) ألدوميلى ، العلم عند العرب ، ص ٢٠٧ . (٢) أحد سعيد الدمرداش ، الحسن بن الهيثم ، ص ٣٠ . (٣) طوقان ، تراث العرب العلمي ، ص ٢٩٥ .

٦ - البصريات : كتاب «المناظر» .

قام «ابن الهيثم» بدراسات لنظرية انعكاس الضوء ، والعدسات ، وللمعضلة المعروفة باسمه ، ووصف العين وصفاً دقيقاً ، وكتب في تشریحها وفي وظيفة كلّ قسم منها . وحققت تقدماً ملحوظاً عن سبقه في هذا المجال ، إذ أكّد أنّ الضوء ينشأ من المريئات ، لا كما قال أكثر العلماء القدماء بخروجه من العين ليسلّم المريئات ؟ وبحث ظاهرة الانكسار الجوي ، وحاول تفسير الرؤية المزدوجة بالعينين ، وكان أوّل من استعمل الفرقة المظلمة^(١) ، فجاء كتاب «المناظر» «أكّثر البحوث القديمة استيفاءً لبحوث الضوء وأرفعها قدرًا»^(٢) . ونظر إلى البصريات نظرة جديدة ، ووضع لمسائل «تعلّق بالضوء حلولاً واضحة مطابقة للواقع المعلوم من زمانه» ، فجاءت هذه الحلول «متناقة منسجمة ينظّمها نظام طبيعي» سليم ، فتتّالف من ذلك وحدة «وضعت الأمور في أوضاعها الصحيحة» ، وصارت النواة التي تتكتّف ، وغايتها علم الضوء^(٣) .

وبهذه الدراسات قلب «ابن الهيثم» «الأوضاع» ، «ظاهرة الامتداد على السمات المستقيمة» ، وظاهرة الانعكاس ، وظاهرة الانعطاف ... لم تكن تعلّق البتة بالشعاع الذي زعم المتقدّمون بأنّه يخرج من البصر ، إنّما كانت تعلّق بالضوء ، الضوء الذي له وجود في ذاته ،

ـ

(١) ألدوهيلي ، العلم عند العرب ، ص ٢٠٦ . (٢) طوقان ، تراث العرب العلمي ، ص ٢٩٩ . (٣) طوقان ، تراث العرب العلمي ، ص ٢٩٨ . سبقني في فحصه (١)

مستقلٌ عن وجود البصر الذي يكون الإبصار به . هكذا أنشأ ابن الهيثم علم الضوء الحديث بالمعنى والحدود التي نريدها الآن »^(١) .

وبنتيجة دراساته قرر :

- ١ - الضوء مصدره الجسم المضيء، أو هو ضغط تحسّه العين.
 - ٢ - للضوء وجود بذاته .
 - ٣ - إنتقال الضوء يستغرق زماناً . وهو ينتقل في مادة، أو بواسطة جسم مشفّ .
 - ٤ - للضوء سرعة أو حركة .
 - ٥ - مساواة سرعة الضوء بعد الانعكاس لسرعته قبل الانعكاس .
 - ٦ - إذا خرج الضوء من الجسم الأغلظ إلى الجسم الألطف كانت حركته أسرع .
 - ٧ - يتحرّك الضوء في خطوط مستقيمة في جميع الجهات فإذا لم يصطدم بمانع .
 - ٨ - كشف العلاقة بين زاوية السقوط وزاوية الانعكاف .
- ٧ - أسلوبه ومنهجيته .

« ابن الهيثم » عالم كبير من ناحيتين : فهو من ناحية عالم كبير بما اكتشفيه وبما استطاع أن يضيفه من معارف جديدة على المعارف

(١) مصطفى نظيف ، نقلًا عن : طوقان ، تراث العرب العلمي ، ص ٣٠١

الطبيعية السابقة، لاسيما في الضوء، وبما استطاع أن ينقضه من معارف السابقين في هذا الميدان.

لكن «ابن الهيثم» أهمية كبرى أخرى هي في نظر الباحثين أكبر أهمية من مكتشفاته وأدائه الجديد، وهي الطريقة العلمية، أو الطريقة المنهجية، التي وضعها للبحث. ففي القرن الحادى عشر استطاع «ابن الهيثم» أن يضع أساساً للبحث العلمي، وأن ينجز فيه نهجاً هو النهج الذي يتبعه علماء اليوم.

لم يؤثر «ابن الهيثم» بعلماته وحسب، على «روجر بايكون»، وغيره من الباحثين، على أهمية هذه الناحية، ولكنّ أثره كان أبعد من اكتشاف معلومات جديدة أو إثبات خطأ معلومات قديمة. لقد كانت أبحاثه ومعارفه وطريقته «باعثًا على البحوث والأعمال التي قام بها علماء من بعده»^(١).

إن المختارات التي اخترناها «ابن الهيثم» من عدد من مؤلفاته تتيح لنا أن نحدد هذا النهج العلمي الذي نجهه وأورثه للأجيال المقبلة؛ وهذا النهج يعتمد العناصر التالية: الاستقراء، والقياس، والاعتماد على المشاهدة أو التجربة أو التمثيل. هي خطوات يجب أن يخطوها كلّ عالم إذا أراد الوصول إلى الحقيقة.

لنقرأ ما يقول «ابن الهيثم» بالذات: «إنّي لم أزل منذ عهد الصبا مرتاباً في اعتقادات هذه الناس المختلفة... فكنت متشكّكاً في جميعه، موقناً بأنّ الحقّ واحد، وأنّ الاختلاف فيه إنّما هو من جهة السلوك

(١) الدوميلي، العلم عند العرب، ص ٢٠٦.

إليه . فلما كملت لإدراك الأمور العقلية انقطعت إلى طلب معدن الحق ، ووجهت رغبتي وحديسي إلى إدراك ما به تكشف توبهات الظنون ... واحتسبت إشار الحق وطلب العلم ... فخضت لذلك ضرورة الآراء والاعتقادات ، وأنواع علوم الديانات ، فلم أحظ من شيء منها بطائل ، ولا عرفت منه للحق منهجاً ، ولا إلى الرأي اليقيني مسلكاً محدداً ، فرأيت أنني لا أصل إلى الحق إلا من آراء يكون عنصرها الأمور الحسية ، وصورتها الأمور العقلية »^(١) .

تبين من هذه القطعة أن «ابن الهيثم» يستهدف الحق قبل كل شيء . وقد حاول أن يصل إليه من عدة طرق ، لكنه وجد في النهاية أن الطريق إلى الحق إنما هي في الشك العلمي المبني على رغبة بالوصول إلى الحقيقة التي لا تتجلى إلا بالطالعة ، بالمعرفة ، بالعلم . ومثل هذه المعرفة لا يتأتى إلا بالأمور الحسية ، بالتجربة ، بالعقل . وهو لا يهتم حكماً أو يقر قاعدة إلا بعد التجربة والاعتبار .

لقد كان «ابن الهيثم» يؤمل أن ينتهي «بهذا الطريق إلى الحق» . وأي حق هو هذا الذي يسعى إليه؟ إنه الحق الذي به «يُثْلِج الصدر» ؟ ثم العمل بالحق والعدل إنما هو «ثمرة هذه العلوم» ، بحيث «نصل بالتدريج والتلطف إلى الغاية التي عندها يقع اليقين» ، وننظر مع النقد والتحفظ بالحقيقة التي ينزل معها الخلاف وتنحصر بها مواد الشبهات »^(٢) .

ويقول في مكان آخر : فبتدئ في البحث باستقراء الموجودات ،

(١) نقلًا عن : ابن أبي أصييع ، عيون الأنباء ، ص ٥٥٢ .

(٢) نقلًا عن : أحمد سعيد الدمرداش ، الحسن بن الهيثم ، ص ٣٦ - ٣٧ .

وتصفح أحوال المبصرات، وتميّز خواصّ الجزيئات، ونلتقط باستقراء ما يخصّ البصر في حال الإبصار، وما هو مطرد لا يتغيّر . ثم نترقّى في البحث والمقاييس على التدرج والترتيب مع انتقاد المقدّمات، والتحفّظ من الفلط في النتائج ، ونجمل غرضنا في جميع ما نستقرّيه ونتصفّحه استعمال العدل لا اتّباع الهوى ، ونتحرّى في سائر ما نميّزه وننتقدّه طلب الحقّ لا الميل مع الآراء «^(١) .

نخلص من هذا كله إلى القول إنّ « ابن الهيثم » قرّر هدفه منذ البدء ، وهو معرفة الحقيقة ، لأنّها هي الشيء الذي يصحّ للعالم أن يتّوّخه ويَنْشُدَه . وعنه أنّ الحقيقة واحدة، لكنّ الناس لم يتوصلوا إليها لأنّهم يسعون إليها بوسائل مختلفة . من هنا كان « ابن الهيثم » يرى ضرورةً لوضع منهج للبحث عن الحقيقة ، ومن هنا كان وجوب التقييد بهذا المنهج لأنّه كفيل ، بإيصالنا إلى الحقيقة .

والخطوة الأولى نحو الحقيقة هي الشكّ ، هي عدم التصديق بالروايات والأخبار، وبالمعارف المتواترة، بجزءٍ منها كذلك. إنّ « اتّباع الهوى » قد حال دون الوصول إلى الحقيقة، وحاد بنا عن جادة الصواب.

والخطوة الثانية هي استقراء الموجودات، ودراستها دراسة وافية ناقدة ، لا تعمى عن أيّ شيء أبداً . إنّ الحسّ الذي يرشد العقل كفيل بتأمين عدم الانحراف وعدم الميل مع الآراء .

ولكي نفعل ذلك كانت المشاهدة واسطتنا الأمينة ، وكانت التجربة

(١) نقلًا عن : أحمد سعيد الدمرداش ، الحسن بن الهيثم ، ص ٨٦ .

كفيلة بثبيت صحة الأحكام .

وهنالك شيء آخر ينبغي أن نقوم به لكي تصح دراستنا للموجودات ، وتكون مشاهداتنا صحيحة وتجاربنا غير خاطئة : ينبغي أن نفتقد المقدمات أو المطبيات . إن العلم لا يقوم على التسليم ، فإنه يوجب نقد المقدمات والثبات منها قبل الركون إليها .

ومع ذلك فإننا قد خطئنا . ينبغي أن نتحفظ من الفلط . لذلك كان استمرار المشاهدة ومواصلة التجربة ضروريتين . ولعل هذا هو السبب الذي جعل « ابن الهيثم » يكتب في الموضوع ذاته في فترات متتالية ، مما يدل أنه كان لا يكتتب قبل أن يتحقق من صحة ما يريده تدوينه . وإذا راجعنا جدول مؤلفاته وجدنا أنه كان يعاود الكتابة في الموضوع ذاته مرّة بعد مرّة . فهو يطلع على ما قاله الأقدمون ، ثم يناقشه .

وفي هذه الطريقة التي اخترتها « ابن الهيثم » جمع بين اتجاهين : اتجاه الاستقراء ومواصلة البحث والمشاهدة والاعتماد على الملاحظة ، واتجاه الاستنباط العقلي « القائم على الحدس الداخلي » . فقال بضرورة الأخذ بالاستقراء والقياس والتتمثل والاعتماد على المشاهدة ، وبضرورة الاستنباط العقلي الداخلي . وهو القائل : « إنني لا أصل إلى الحق إلا من آراء يكون عنصرها الأمور الحسية وصورتها الأمور العقلية » .

إن المعرف التي جاء بها في الضوء كانت جديدة ذات قيمة ، ما في ذلك ريب . لكن الأهم من ذلك هو أنه حدد هذا النتيج العلمي بصورة موجزة ، وفيه على أفضل ما فيه علماء غيره من بعده ، فيه

كما يفهمه علماء العصر الحديث، وراح يطبقه في بحوثه ودراساته. ويحسن بنا أن نختم هذه الناحية بكلمة « ابن الهيثم » : « الحق مطلوب لذاته، وكل مطلوب لذاته فليس يعني طالبه غير وجوده ، وجود الحق صعب ، والطريق إليه وعر »^(١).

٨ - منجزات « ابن الهيثم » .

- ١ - منهجه، وقد شرحنا عناصرها وقلنا إنّه تقيد بها تقيداً كلياً.
- ٢ - مؤلفاته الكثيرة ، وبينها عدد ممّا يجب نشره لما فيه من فوائد علمية ، ككتبه الرياضية ومؤلفاته الطبيعية والفلكلورية . فهي ، فضلاً عن قيمتها التاريخية ، ضرورية لفهم منهجه وتطبيقه .
- ٣ - ثورته في علم الضوء ، وفمه الجديد له ، مما مهد السبيل إلى مكتشفات حديثة .
- ٤ - تطبيق الهندسة على المنطق، بحيث صار علم الهندسة ضروريّاً في التعليم الثانوي في الوقت الحاضر . وقد أللّ في ذلك كتاباً جمع فيه الأصول الهندسية والعددية ، ونوع فيه الأصول ، وبرهن عليها ببراهين تعليمية وحسبية ومنطقية^(٢) .
- ٥ - إستنبط طريقة جديدة لتعيين ارتفاع القطب ، بالتجوه إلى العمليّات الرياضية ، وبسط سير الكواكب ووضع لها نظاماً واحداً^(٣) .

(١) مقالة في الشكوك على بطليموس . نقلًا عن : طوقان ، تراث العرب العلمي ،

ص ٣٠٦ . (٢) طوقان ، تراث العرب العلمي ، ص ٣٠٠ و ٣٠٢ .

(٣) طوقان ، تراث العرب العلمي ، ص ٣٠٧ .

٦ - إنّ المشرع الذي كان ينوي تحقيقه «للحاكم بأمر الله» على «النيل» لا يمكن أن يكون إلاً ذا صلة بـ«سد» أو بإنشاءات على «النيل» تنظم الاستفادة من مياهه وتمنع مضارّه . وإذا كان قد أخفق في ذلك آذاك ، فإنّ له من فكرته تلك شرفَ السبق على ما تحققَ اليوم . ولعله يُكتننا من هنا أن نفهم معنى قول «ابن الهيثم» إنّ العمل بالحقّ والعدل هما «ثرة العلوم» .

مختارات من نتاجه

أولاً - من «كتاب المظاهر» .

١ - «نبتدىء في البحث باستقراء الموجودات ، وتصفح أحوال المبصرات ، وتبين خواصّ الجزيئات ، ونلقط باستقراء ما يخصّ البصر في حال الإبصار ، وما هو مطرد لا يتغير ، وظاهر لا يشبه من كيفية الإحساس ، ثم نترقى في البحث والقابيس على التدريج والترتيب ، مع انتقاد المقدمات ، والتحفظ من الغلط في النتائج ، ونجعل غرضنا في جميع ما نستقرّيه ونتصفّحه استعمال العدل لا اتباع الهوى ، ونتحرّى في سائر مانعّيزه وننتقدّه طلب الحقّ لا الميل مع الآراء .

فرأيت أنّي لا أصل إلى الحقّ إلاّ من آراء يكون عنصرها الأمور الحسية ، وصورتها الأمور العقلية » .

٢ - «إنّ امتداد الضوء على سمات خطوط مستقيمة يظهر ظهوراً

بيتنا من الأضواء التي تدخل من الثقوب إلى البيوت المظلمة ، فإن ضوء الشمس وضوء القمر وضوء النار ، إذا دخل في ثقب إلى بيت مظلم ، وكان في البيت غبار أو أثير ، فإن الضوء الداخل من الثقب يظهر في الغبار المازج للهواء ظهوراً بيئنا ، ويظهر على وجه الأرض أو حائط البيت المقابل للثقب . ويوجد الضوء متداً من الثقب إلى الأرض ، أو إلى الحائط المقابل للثقب على سمات خطوط مستقيمة . وإن اعتبر هذا الضوء الظاهر بعمود مستقيم وجد الضوء متداً على استقامة العود وإن لم يكن في الأرض غبار وظهر الضوء على الأرض وعلى الحائط المقابل للثقب ، ثم جعل بين الضوء الظاهر وبين الثقب عود مستقيم ، أو مُدّ بينها خطّاً مداً شديداً ، ثم جعل فيما بين الضوء والثقب جسم كثيف ، ظهر الضوء على ذلك الجسم الكثيف ، وبطل من الموضع الذي كان يظهر فيه .

٣ - « وامتداد الضوء في الأجسام الطبيعية هو خاصة طبيعية لجميع الأضواء ، ولا يصح أن يقال إن امتداد الضوء في جميع الأجسام المشففة من سمات الخطوط المستقيمة هو خاصة تخص الأجسام المشففة .

وذلك لأن كل نقطة من الجسم المضيء يتتدّد منها ضوء على كل خط مستقيم يصح أن يتتدّد من تلك النقطة ؟ فالأضواء التي تتدّد من نقطتين مفترقتين من النقطة التي في الجسم المضيء تكون متقطعة ، أعني أنه يكون الخطوط المتعددة من إحدى النقطتين بجميع الجهات متقطعة للخطوط المتعددة من النقطة الأخرى في جميع الجهات .

وإذا حضر في الوقت الواحد عدّة من الأجسام المضيئة امتدّت

الأضواء من كل واحد منها . فت تكون الخطوط التي يمتد عليها جميع الأضواء مختلفة الوضع اختلافاً متفاوتاً ، ويعرض من ذلك أن يكون امتداد الأضواء في جهات متضادة إذا كانت الأجسام المضيئة في جهات متضادة بالقياس إلى الجسم المشف .

فيبطل الاختصاص ، ولا يكون في الجسم المشف سبوت مخصوصة تؤدي الضوء ، ومع ذلك فإن الحركات الطبيعية لا تكون في جهات متضادة . فلو كانت الصورة المؤدية للضوء في الجسم المشف تؤدي الضوء على سبوت مستقيمة بخاصة تخصها لكان لا تؤدي الضوء على سبوت واحدة بأعيانها في جهتين متضادتين .

وإذا كانت الأضواء تمتد في الجسم الواحد المشف على سبوت واحدة بأعيانها في جهتين متضادتين ، فليس امتداد الضوء في الأجسام المشف على سبوت المستقيمة بخاصة تخص "ال أجسام المشف " . وإذا كان الضوء لا يمتد إلا في الأجسام المشف ، ولا يمتد في الأجسام المشف إلا على سبوت خطوط مستقيمة ، وكان الامتداد على الخطوط المستقيمة ليس هو بخاصة تخص "ال أجسام المشف " ، فليس امتداد الضوء على سبوت الخطوط المستقيمة إلا بخاصة تخص " الضوء "؛ فخاصة الضوء أن يمتد على سبوت خطوط مستقيمة ، وخاصة الشفيف أن لا يمنع نفوذ الأضواء في الأجسام المشف . والضوء الممتد في الأجسام المشف على سبوت الخطوط المستقيمة هو الذي يسمى شعاعاً .

فالشعاع هو الضوء الممتد من الجسم المضيء في الجسم المشف على سبوت خطوط مستقيمة ، والخطوط المستقيمة التي يمتد عليها الضوء هي خطوط متوهّمة لا محسوسة ، والخطوط المتخوّفة مع الضوء الممتد عليها بجموعها هو الذي يسمى الشعاع .

فالشعاع هو صورة جوهرية متدة على خطوط مستقيمة ، وإنما يسمى أصحاب التعليم شعاع البصر شعاعاً لشبهها بشعاع الشمس وشعاع النهار » .

٤ - « فتبين من جميع ما بينناه بالاعتبار (أي التجارب) وبالقياس ، أن كل ضوء في جسم مضيء ، ذاتياً كان الضوء أو عرضياً ، قوياً كان الضوء أو ضعيفاً ، فإن كل نقطة منه (أي من الجسم) متدة منها ضوء في الجسم المشف المماس لها ، على كل خط مستقيم يصح أن يتعد منها ، هواء كان الجسم المماس لها أو ماء أو حجراً مشيناً .

وإذا صادفت الأضواء المتعدة في الجسم المماس للضوء الذي هو مبدؤها جسماً مختلف الشفيف لشفيف الجسم الذي هي فيه ، فإنـ ما كان منها على خطوط قائمة على سطح الجسم الثاني امتد على استقامته في الجسم الثاني ، وما كان منها على خطوط مائلة على سطح الجسم الثاني انعطاف في الجسم الثاني ولم ينفذ على استقامته ، وامتد في الجسم الثاني على سمات خطوط مستقيمة غير الخطوط الأولى التي كان متدةً عليها في الجسم الأول .

إن كل ضوء ينبعض من جسم مشف إلى جسم آخر ، فإن انعطافه أبداً يكون في السطح القائم على سطح الجسم الثاني على زوايا قائمة .

وإن كان الجسم الثاني أغليظ من الجسم الأول ، فإن الانعطاف يكون إلى جهة العمود الخارج من موضع الانعطاف ، القائم على سطح الجسم الثاني على زوايا قائمة ، ولا ينتهي إلى العمود ، وإن كان الجسم الثاني ألطاف من الجسم الأول فإن الانعطاف يكون إلى ضد الجهة التي فيها

العمود الخارج من موضع الانعطاف القائم على سطح الجسم الثاني على زوايا قائمة ، على اختلاف أشكال سطوح الأجسام المشفة .

وإن الضوء ، إذا انعطف من جسم مشفَّ إلى جسم ثانٍ مشفَّ ، ومن جسم ثانٍ إلى جسم ثالث ، فإنَّه ينبعضُ أيضًا عن سطح الجسم الثالث ؟ إذا كان الجسم الثالث أغليظ من الجسم الثاني كان انعطاف الضوء إلى جهة العمود الخارج من موضع الانعطاف القائم على سطح الجسم الثالث على زوايا قائمة ، وإن كان الجسم الثالث ألطف من الجسم الثاني كان انعطاف الضوء إلى ضدَّ الجهة التي فيها العمود ، وكذلك إنَّ انعطاف الضوء إلى جسم رابع وخامس وأكثر من ذلك .

ثانياً — من مسائل « ابن الهيثم » .

١ - « إذا فرضت نقطتان حيثاً أمام سطح عاكس ، فكيف تعيَّن على هذا السطح نقطة » بحيث يكون الواصل منها إلى إحدى النقطتين المفترضتين بثابة شعاع ساقط ، والواصل منها إلى الأخرى بثابة شعاع منعكس ؟ .

٢ - « افرض دائرة في سطح ، وافرض نقطتين خارجتين عن الدائرة ، واجعل نقطة على الدائرة ، بحيث يكون المستقيمان اللذان يربطان هذه النقطة بال نقطتين السابقتين زوايا متساوية مع نصف قطر الدائرة . وهذا يسمح ب محل المسألة التالية : عندنا مرآة اسطوانية ، وشيء آخر يمكن اعتباره كنقطة . أوجد الموضع

الذى ينبغي أن تستَخدِه العين لترى هذا الشيء في المرأة » .

٣ - «إذا فرض على قطر دائرة نقطتان بُعدُهما عن المركز متساويان ، فإن كل خطتين يخرجان من النقطتين ويلتقيان على محيط الدائرة ، فإن مجموع مربعيهما مساوي لمجموع مربعي قسمَي القطر » .

٤ - «إذا وقع خط مستقيم على خطتين مستقيمتين فصيَّر الزاويتين الداخليةتين اللتين في جهة واحدة أقل من قائمتين ، فإن الخطتين يلتقيان .

فهذه القضية إذن صادقة . وأمّا أن هذه القضية أظهرت من تلك عند الحس ، وأوقع في النفس ، فلأن الخطتين المتوازتين اللذين لا يلتقيان (أب ، حـ) يكون البعد الذي بينها أبداً متساوياً ، وقد تبيَّن في الشكل الأوَّل من شرح المصادرات أن ذلك كذلك ، ومع هذه الحال فتساوي البعد بين الخطتين المتوازتين يشهد لها الحس ، لأن كل خطتين يوجدان في الأجسام الطبيعية ، إذ كان البعد الذي بينها متساوياً ، والحس يشعر بها فهما لا ينتهيان .

وإذا فرض الخطتان ، وفرض أنَّها لا يلتقيان ، فالحس يشهد أنَّ الأبعاد التي بينها متساوية ، فالحس يشهد أنَّ الخطوط المحسوسة التي أبعادُ ما بينها متساوية لا تلتقي ، والخطوط المتوازية التي لا تلتقي يشهد الحس والتمييز جيئاً أنَّ الأبعاد التي بينها أبداً متساوية ، فإذاً لا بد ، إذاً كان أحد الخطتين المتتقاطعين موازيَاً للخط المفرد ، فالحس والتمييز يشهدان أنَّ الأبعاد التي بينها أبداً متساوية .

وإذا كانت الأبعاد التي بين أحد الخطتين المتتقاطعين وبين الخط

المنفرد متساوية ، فإنّ "الأبعاد التي بين الخط" الآخر وبين الخط" المنفرد يشهد الحس" والتمييز بأنّها مختلفة ، لأنّ هذا الخط" الآخر يكون فيها بين الخطين المتوازيين ، وتكون الأعددة التي تقع منه على الخط" المنفرد مختلفة ، لأنّه كلّما أخرج على استقامته ، تعدد من الخط" المقاطع له ، وكلّما بعد فصل من الأعددة التي تقع بين الخطين المتوازيين مقدار أعظم ، والحس" يشهد بذلك » .

ثالثاً — من كتاب «مائة الأثر على وجه القمر».

قد اختلف أهل النظر في مائة الأثر الذي يظهر على وجه القمر ، وهذا الأثر إذا تؤمّل واعتُبر ، وُجد دائمًا على صفة واحدة لا يتغير ، لا في شكله ولا في وضعه ، ولا في مقداره ولا في كيفية سواده . وقد تصرفت ظنون الناس فيه ، وتشتتت آراؤهم ، فرأى قوم أنّه في نفس جرم القمر ؛ ورأى قوم أنّه خارج عن جرم القمر ومتواسط بين جرم القمر وبين أبصار الناظرين إليه ؛ ورأى قوم أنّه صورة تظهر بالانعكاس ، لأنّ سطح القمر صقيل ، فإذا نَظر إلى الناظر انعكس شاع بصره عن سطح القمر إلى الأرض كما ينعكس من سطوح المرايا ، فتظهر له صورة الأرض أو بعضها .

وقال قوم إنّه صورة البخار التي في الأرض تُرى بالانعكاس ؟

وقال قوم إنّه صورة الجبال التي في الأرض .

وقال قوم إنّه صورة قطعة من الأرض التي يقع عليها الشعاع المنعكس .

وقد تبيّن في جميع ما بينناه فسادُ الآراء التي قدّمنا ذكرها، وقد تبيّن أنَّ الأثر هو في نفس جرم القمر ، إذ قد تبيّن أنَّه ليس هو لمعنى خارج عن جرميه ، ولا صورة تظهر بالانعكاس .

فقد يقى أن نبيّن مائةً هذا الأثر ، فنقول إنَّ جوهر القمر مخالف لجوهر جميع الكواكب الباقية ، والدليل على ذلك أنَّ جميع الكواكب مضيئة من ذواتها ، لا من إشراق الشمس عليها . فالأثر الذي يظهر في وجه القمر هو لون القمر الذي يخصه متزجاً بالضوء الذي يحصل فيه ، وإنما ظهر في هذا الموضع دون بقية سطح القمر لأنَّ الضوء الذي في هذا الموضع أضعف من الضوء الذي في بقية سطح القمر ، وضعف الضوء الذي في هذا الموضع ، وضعف القوّة القابله التي في هذا الموضع ، إنما هو لزيادة كثافة هذا الموضع على كثافة بقية ما يظهر من سطح القمر ، وذلك ما قصدنا تبيّنه في هذه المقالة » .

رابعاً — من « مقالة في الشكوك على بطليموس » .

« الحق مطلوب لذاته ، وكل مطلوب لذاته فليس يعني طالبه غير وجوده ، ووجود الحق صعب ، والطريق إليه وعر ، والحقائق منفمسة في الشبهات ، وحسن الظن بالعلماء طباع في جميع الناس .

فالناظر في كتب العلماء ، إذا استرسل مع طبعه ، وجعل غرضه فهم ما ذكروه ، وغاية ما أوردوه ، حصلت الحقائق عنده ، وهي المعاني

التي قصدوها والغايات التي أشاروا إليها، وما عصم الله العلماء من الزلل،
ولا حتى علمهم من التقصير والخلل .

ولو كان ذلك كذلك لما اختلف العلماء في شيء من العلوم ، ولا
تفرّقت آراؤهم في شيء من حقائق الأمور ؛ والواجب على الناظر في
كتب العلوم ، إذا كان غرضه معرفة الحقائق ، أن يجعل نفسه خصماً
لكلّ ما ينظر فيه بحيل فكرة في متنه ، وفي جميع حواشيه ، وينصّه
من جميع جهاته ونواحيه ، ويتهتمّ أيضاً نفسه عند خصامه ، ولا يتتجاهل
عليه ، ولا يتسمّح فيه ، فإنه إذا سلك هذه الطريق انكشفت له
الحقائق ، وظهر ما عساه وقع في كلام من تقدّمه من التقصير
والشبهة .

الفصل الرابع

البَيْرُوْنِي

(١١) (٩٧٣ / ٥٣٦٢ م - ١٠٤٨ / ٥٤٤٠ م)

١ - سيرته .

ولد في مكان بظاهر « خوارزم »^(١) ، هو « كاث » التابعة حالياً
لجمهورية « أوزبكستان » السوفياتية .

وصرف « البيروني » سنوات حياته الأولى في « خوارزم » ، وعمل
مساعداً لأحد علماء النبات يجمع له البذور . وكانتما انقضى « البيروني »

(١) إنَّ تاريخ مولده وتاريخ وفاته غير معروفيْن بالضبط . (٢) يقول « ابن أبي
أصيبيعة » ، إنَّه ولد في « خوارزم » (خيوى) (العلم عند العرب ، ص ١٨٨).
ويتّفق « محمد جمال الفندي » و « إمام ابراهيم أحمد » قصة مولده في « بيرون » ،
ويرى أنَّ تسميته « بالبيروني » راجمة إلى أنَّ هذه الكلمة لقب للغرباء عن « خوارزم »
(كتابها عن البيروني ، ص ١٩ و ٢٤) أما « الشهريزوري » فيقول إنَّ مولده في « بيرون »
في « السند » (نقلًا عن مقدمة الآثار الباقية) .

في السياسة فأيده تأثيراً على السلالة الحاكمة ، ولذلك اضطرّ لمعادرة « خوارزم » إلى « جرجان » حيث بقي إلى سنة ٤٠٠ هـ / ١٠٠٩ مـ عاد إلى « خوارزم » ثانية ، فاستقبله أميرها وأكرمه وكلفه بهامـ سياسية . ولعب في هذه المرحلة دوراً كبيراً في هذه المدينة ، لاسيما من الناحية العلمية ، ولو أنّ إنتاجه قلّ بسبب انهاكه بالسياسة .

وفي عام ٤٠٧ هـ / ١٠١٦ مـ انتقل إلى « غزنة » أسيراً مع « محمود بن سككتين ». وفي عهد ابنه « مسعود الفزنوي » بُرِزَ « البيروني » عالماً مكرماً ، وصحبه في غزواته . وهنا استقرّ « البيروني » نحوأ من أربعين عاماً حتى وفاته عام ٤٤٠ هـ / ١٠٤٨ مـ ، أو ٤٤١ هـ / ١٠٥٠ مـ (١) . ويقال إنّه عاد إلى « خوارزم » قبل وفاته (٢) .

وهكذا نجد أنّ « البيروني » قضى حياته في « افغانستان » وفي البلاد المجاورة لها القريبة من « الهند »، ليسهل عليه الانتقال إلى « الهند » حين يشاء (٣) .

لقد عاش « البيروني » نحوأ من ٧٥ سنة قضاها متوجّلاً بين مكان آخر في هذه المنطقة ، مستفيداً من مكانته عند أمير الدولة الفزنوية ، ساعياً لجمع المعرفة والاطلاع ، عاملأ على نشر المعرفة الإغريقية ، وعلى نشر الحضارة العربية ، وعلى عرض نتائج دراساته واطلّاعاته باللغة العربية في معظم الأحيان . وساعدته في ذلك عقلية علمية جيّارة ، ومعرفة باللغات الخوارزمية والعربية والفارسية والنسكرينية واليونانية والسريانية .

(١) هنا وضع كتابه في « تاريخ الهند » ، و « القانون المسعري » (القندى واحد ، ص ٢٧) . (٢) طرقان ، تراث العرب العليّ ، ص ٣١٠ . (٣) الدوميل ، العلم عند العرب ، ص ١٨٨ .

لاحظنا مما سبق أنَّه كان معنِّياً بطلب العلم منذ حداثة سنِّه . إنَّ السياسة لم تحرِّفه عن متابعة التحصيل والتأليف . والواقع أنَّ مكانته العالية أتاحت له سبيلاً توسيع معارفه .

لقد عمل بالسياسة ، وتعلم لغات عديدة ، واهتم بال التاريخ والطب والفلك والرياضيات ، تشهد له بذلك مؤلفاته العديدة وأهمُّها :

١ - كتاب « الجماهر في معرفة الجواهر وأنواعها وما يتعلّق بهذا المعنى »، درس فيه عدداً من المعادن . ألقى « لشَابَ الدُّولَةِ أبِي الْفَتحِ مُودُودِ بْنِ مُسْعُودِ بْنِ حَمْدَةِ الْفَزْنَوِيِّ » .

٢ - كتاب « الآثار الباقيَةُ عنِ القرونِ الخاليةِ »^(١) .

٣ - كتاب « الصيدلة في الطب » ، استقصى فيه معرفة ماهيَّات الأدوية ومعرفة أسمائِها واختلاف آراء المتقدِّمين ، وما تكلَّمَ كلَّ واحدٍ من الأطباءِ وغيرِهِ فيه ، وقد رتبه على حروف المجمِّع^(٢) .

٤ - كتاب « مقاليد الهيئة »^(٣) .

(١) وضع في « جرجان » الفندي واحمد ، البيروني ، ص ٢٦) . (٢) يقول « ابن أبي أصيحة » إنَّ « البيروني » نظراً جيئاً في الطب . عاصر « ابن سينا » ، وراسله ، وتحدث إليه ، وسألَه أسئلةً أجابَه « ابن سينا » عنها (عيون الأنباء ، ص ٤٥٩) . (٣) « كتاب تقاليد علم الهيئة » أو « كتاب مقاليد علم الهيئة » .

٥ - كتاب «القانون المسعودي» في الهيئة والنجوم ، حذا فيه حذو «بطليموس» . وهو من أهم مؤلفاته في علم الفلك والمثلثات ، ويعتبر موسوعة فلكية .

٦ - كتاب «التفهيم في صناعة التنجيم» .

٧ - كتاب «الهند الكبير» ، أو «تحقيق ما للهند من مقوله مقبولة في العقل أو مرذولة» . وهو يعني بدراسة العقائد الدينية والمعارف العلمية عند الهندود ، ويوازن هذه المعرف بال المعارف الإسلامية واليونانية والفارسية ، ويضيف ملاحظاته الخاصة .

٨ - كتاب «إفراد المقال في أمر الظلال» .

٩ - كتاب «استخراج الأوتار في الدائرة بخواص المنحنى فيها» .

ويقول «قدري حافظ طوقان» إن «مؤلفات «البيروني» تربو على ١٢٠ مؤلّفاً^(١) . ولا يُستبعد أن يكون وضع بعض هذه المؤلفات بغير اللغة العربية ، أو لعلها ضائعة . وهكذا يتبيّن أن «البيروني» لم يقصر اهتمامه على موضوع واحد . ويمكن تقسيم مؤلفاته إلى المجموعات الآتية : الفلك ، والرياضيات ، والطب ،

(١) طوقان، تراث العرب العلمي ، ص ٣٦ . ويقول «البيهقي» و«الشهرزوري» (مقدمة «الأثار الباقية» إن «مصنفاته زادت على حمل بعير» !

وال تاريخ ، والطبيعتا

إن مؤلفاته الفلكية كانت لا تكتفي بعرض الظواهر الفلكية ، والدراسة الجوية والجيولوجية وحسب ، بل كانت جغرافيا طبيعية وبشرية أيضا ، كما في كتابه « تحقيق ما للهند من مقوله مقبولة في العقل أو مرذولة »

كذلك كان في التاريخ لا يكتفي بسرد الأحداث ، وقل أن فعل ، بل يعني بالتقاليد والعادات والأفكار . لقد كان مؤرخا اجتماعياً حضارياً بالدرجة الأولى .

أما في الطبيعتا فقد عالج قضية الثقل النوعي ، واستغل بعلم الحيل (الميكانيكا) ، والإيدروستاتيكا . ويسن هنا أن نذكر أنه وضع جدولًا بالثقل النوعي لعدد من المعادن كان فيه شديد القرب من معلوماتنا الحالية^(١) .

٤ - منهجه وأسلوبه .

تتميز كتابات «البيروني» بمنهجية واضحة في جميع مؤلفاته . وهذه المنهجية عنده أصول ، هي :

١ - البحث والتجربة والاستقراء ، لا التسليم والقبول بالتقاليد .
وعنده أن « قولنا « والله أعلم » لا تعفي من الجهل . الشجاعة الأدبية ضرورية للتمسك بالحق » والبعد عن الأوهام .

(١) الدوميلي ، العلم عند العرب ، ص ١٩٤ - ١٩٦ .

٢ - ضرورة العودة إلى علوم الفير ، لذلك تعلّم عددًا لغات للاطّلاع على حضارات أهلها ؛ ووجوب العودة إلى المراجع الأصلية . كان يتطلّب الاستقصاء في البحث ، ولا يقبل إلا بالتعقّل فيه ما أتاحت له المصادر .

٣ - اعتبار المثل المحسني ، أي الاستقراء والمشاهدة والتجربة ، السبيل الأهم لتحقيق المعرفة والوصول إليها^(١) . إن "العلم اليقيني" لا يحصل إلا من إحساسات يؤلّف بينها العقل على نّط منطقي .

٤ - وعلى ذلك فإن النجاح مرهون بالمواظبة والاستمرار في البحث والتنقيب ، ولو أنه لا ينفي عامل الصدفة في النجاح والتوفيق .

٥ - التجرّد في النظر إلى الأشياء .

٦ - التواضع .

وإذا ما عدنا إلى كتابات «البيروني» وجدناه ينتقىء بهذا المنهج . ثم وجدنا له أسلوباً واضحاً في عرض أفكاره وأبحاثه ومكتشفاته . إنه :

١ - يعرض أفكاره بترتيب وتمسّل .

٢ - يستعمل المصطلحات العلمية ، ويبتدع مصطلحات جديدة

(١) يقول «البيروني» في «الآثار الباقية» إنه كتب ما كتبه «على حسب ما بلغ علمي إن سماع وإن بعيان وقياس» (ص ٤) .

حين يجب ذلك .

٣ - يتتجنب التعميق في العبارات ويتناهى المبالغة ، ولو أنه يحتفظ بمساحة أدبية بارزة .

٤ - يميل ميلاً شديداً إلى الجدل والنقد .

٥ - يعني عنابة كبيرة بمقدمات كتبه لتبين الأساس الفلسفية لها .

٦ - يصوغ القوانين الرياضية نتيجة دراساته وأبحاثه . والفلسفة عنده « ظاهرة من ظواهر المدينة » وكاشفة لغومض كثيرة وضرورية للمطالب الحياتية .

ولعله يحسن بناء أن نذكر القاريء بأسلوب « ابن الهيثم » ومنهجيته ، فهما متباها في نواحٍ كثيرة ، وقد عاشا في عصر واحد تقربياً .

٤ - شهرته وأثره .

نال « البيروني » شهرة واسعة في العالم الإسلامي ، على رغم التقلبات السياسية في عصره ، حتى لُقب « بالأستاذ »^(١) . وكان « الخازن »^(٢) أحد كبار العلماء الذين واصلوا أبحاثه في الثقل النوعي . لكن مؤلفاته لم يترجم منها إلا القليل إلى اللغة اللاتينية أو اللغات الأوروبية الحديثة ، قبل القرن الماضي . ويبدو أن أثره في الفكر الأوروبي كان

(١) ألدوهيلي ، العلم عند العرب ، ص ١٩١ . (٢) من علماء النصف الأول من القرن الحادى عشر للميلاد . نشأ في « مرو » (طوكان ، تراث العرب العلمي ، ص ٣٥١) .

محدوداً ، مع أنّ بعض الدارسين يعتبرونه « أكبر عقلية عرفها التاريخ »^(١) . الواقع أنّ دراسة هذا العالم ومؤلفاته لم تبدأ بصورة جديدة قبل القرن التاسع عشر . ويرى « الدوميلى » أنّ عبرية « البيروفى » لم تقدر بعد حقّ قدرها^(٢) .

٥ - منجزاته .

« للبيروفى » ، كما أشرنا ، مؤلفات عديدة في مختلف الميادين . وتكشف هذه المؤلفات عن المنجزات التالية :

- ١ - بحث في تقسيم الزاوية إلى ثلاثة أقسام متساوية .
- ٢ - عرف قانون تناسب الجيوب .
- ٣ - عمل ، بالاشراك مع بعض معاصريه ، جداول رياضية للجيب والظلّ ، معتمدين على جداول « أبي الوفاء البوزجاني » .
- ٤ - قام بتجارب لتحديد الثقل النوعي ، واستعمل لذلك وعاء مصبه متوجّه إلى أسفل . وزن الجسم بالهواء وبالماء ، وعرف الماء المصبوب ، ومن ذلك عرف الثقل النوعي .
- ٥ - أتى « ابن الهيثم » في رأيه أنّ شعاع النور ينبع من الجسم المرئي إلى العين .
- ٦ - كتب شروحًا وتطبيقات لبعض الظواهر المتعلقة بضغط السوائل وتوازنها .

(١) نقلًا عن طرقان ، تراث العرب العلمي ، ص ٣١٠؛ والدوميلى ، العلم عند العرب ، ص ١٩٦ - ١٩٧ . (٢) الدوميلى ، العلم عند العرب ، ص ١٨٩ .

- ٧ - شرح صعود مياه الفوارات والعيون إلى أعلى .
- ٨ - شرح تجمّع مياه الآبار بالرشح من الجوانب .
- ٩ - أشار إلى دوران الأرض على محورها .
- ١٠ - وضع نظرية لاستخراج حبيط الأرض ، والمعادلة التي استعملها تسمى « قاعدة البيروني » .
- ١١ - كان « يرى في وحدة الاتجاه العلمي ... اتحاد الشرق والغرب . و كأنه كان يدعو إلى إدراك وحدة الأصول الإنسانية والعلمية بين جميع الشعوب في عالم واحد ... وبأي بآراء ونظريات تدلّل على إيمانه بإنسانية العلم ، وبالوحدة الشاملة التي يؤدّي إليها العلم فيوحد بين المقول ، ويزيل التنافر بينها ... على أساس المنطق والحقيقة »^(١) .
- ١٢ - كتب عن آلة تمثّل حركات الشمس والقمر ، وعمل الأسطر لاب ، وبحث الظواهر التي تبدو في أوقات الشفق أو الكسوف الشمسي .
- ١٣ - حدّد طريقة استخراج الملح من ماء البحر .
- ١٤ - تناول القوانين التي تجدّها في عالم النباتات .
- ١٥ - تحفظ لنا مؤلفاته الكثير من المعلومات والمعارف عن الشعوب ، ولو لا هذه المؤلفات لكانت ضاعت .
- ١٦ - أسلوبه العلمي وجراحته .

(١) طوكان ، تراث العرب العلمي ، ص ٣١٦ .

١٧ - بحث في أمر الظلّ وما ترسمه أطراوه في الآفاق .

١٨ - دراسات جيولوجية .

٦ - مبدأ النشوء والارتقاء .

بناسبة مرور مئة سنة على ظهور النظرية الدروينية كتب «يان فلشنسي » مقالاً بالفرنسية عنوانه « نظريات البيروني الدروينية ٨٠٠ سنة قبل دروين »^(١) . ينالقش المؤلف قول باحث قال : إنّنا نجد في تاريخ « الهند الكبير » أو « تحقيق ما للهند من مقوله مقبولة في العقل أو مرذولة » نظرية « داروين » بكمالها معروضة قبل ثمانية قرون من نشر « داروين » لنظريته في الانتقام الطبيعي . ويرد « فلشنسي » على هذا القول بأنّ « داروين » قد لا يكون علم بمؤلفات « البيروني » وآرائه ؟ ثم يعترض بأنّ في هذا المؤلف «البيروني» آراء تشبه آراء « داروين » في نواح كثيرة ، لاسيما من حيث مبدأ تنازع البقاء وبقاء الأصلح ، ويعطي نصوصاً من «البيروني» تشير إلى ذلك ، منها ما يقوله «البيروني» عن الفروق الموجودة في الظروف الضرورية للحياة .

وبعد أن يقرّ وجود التشابه بين العالمين ، يعود كاتب المقال إلى تسجيل عدد من الفروق بينهما . « فالبيروني » يرى أنَّ الله خلق الكون ،

(١) منشورات الجامعة اللبنانية ، قسم العلوم الطبيعية ، بيروت ، المطبعة الكاثوليكية ، ١٩٥٨ .

ويميز بين الطبيعة الجامدة والطبيعة الحية ، ثم يميز في الطبيعة الحية بين ثلاثة عوالم : نباتية وحيوانية وبشرية ، ويعنى بما تلاقيه الروح في هذه العالم . ومع أن « البيروني » يصف مخلوقات عجيبة غريبة ، فإنه لا يتناول ذلك بروح العالم الطبيعي ، مما يدل على أنه لم ينظر بجدية إلى قضية النشوء والارتفاع .

ويختتم « فلشنسكي » بجته بالقول بوجود تشابه في الأفكار ، لكنّ أفكار « البيروني » تردد صدفة ، ولا تشكّل نظرية منسجمة واضحة ^(١) .

وفي كتاب « الآثار الباقيّة » إشارات يمكن أن تسهم في توضيح هذه الفكرة . فقد قال « البيروني » : « ثم لتصرف أحوال الأزمنة والأهوية والنبات والحيوان وغير ذلك من تغيير جزئيات العناصر واستحالتها بعضها إلى بعض » ^(٢) . وقال في مكان آخر إنه مضت مدة « والفلك فيها واقف غير متحرك ، والطبائع غير مستحيلة (أي متحولة) ، والكون والفساد غير موجود فيها ، والأرض غير عامرة . فلما حرك حدث الإنسان الأول ... وتولد الحيوان وتوالد ، وتناسل الإنس فكثروا ، وامتنجت أجزاء العناصر للكون والفساد ، فعمرت الدنيا وانتظم العالم » ^(٣) . ويتناول أثر البيئة في مكان آخر من كتابه إذ يقول : « حين تجد الطبيعة الموكلة بحفظ الأنواع على ما هي عليه مادة زائدة

(١) إلى هنا انتهى البحث المشار إليه . (٢) البيروني ، الآثار الباقيّة ، ص ١٠ .

(٣) البيروني ، الآثار الباقيّة ، ص ١٤ - ١٥ .

فتهيئه منها صورة ولا تهملها . والحيوانات الناقصة الأعضاء ، حين لا تجده الطبيعة مادّة تتمّ منها صورة ذلك الشخص في نظام نوعه ، فتهيئه له هيئه لا يضره معها النقصان »^(١) . ثم يقول : « ... وقد شاهدنا نحن حيوانات كثيرة متناسلة تولّدت من النبات وغيره تولّدًا واضحًا ، ثم تناسلت بعد ذلك »^(٢) .

ومن المناسب هنا أن نشير إلى ما يذكره في كتابه « تحديد نهايات الأماكن » من حدوث تغيرات طبيعية جيولوجية .

وسواء كانت هذه الأقوال إشارة إلى مذهب التطوارّ المعروف « بالدارونية » فيما بعد ، أم كانت هذه إشارات وملحوظات عابرة لاسيما في مجال التطوارّ الحياتي ، فإنّه لا بدّ من القول بأنّ « البيروني » لم يطور من تفكيره هذا مذهبًا يفسّر به ظهور الحياة ونشوءها ، كما فعل « داروين » من بعده .

(١) أبيروني ، الآثار الباقية ، ص ٨٠ . (٢) أبيروني ، الآثار الباقية ، ص ٢٢٧ و ٢٢٨ .

عرض لكتاب «الآثار الباقية عن القرون الخالية»

١ - عرض وتحليل.

١ - يستهلّ «البيروني» كتابه هذا «بِالْحَمْدِ لِلَّهِ الْمُتَعَالِ»، وبالصلوة على «محمد المصطفى»، لأنَّ الله يخلق لكلَّ زمان إماماً يفزع إليه «الخلق» في التوابُ. ثم يدعو للإمام الذي أَلْفَ له الكتاب^(١).

ثم يقول إنَّ وضع هذا الكتاب كان استجابة لسؤال «عن التواريخ التي يستعملها الأمم»، والاختلاف الواقع في الأصول التي هي مبادئها والفروع التي هي شهورها وسنوها»، وتقرير ذلك من الفهم، والاستفناه عن «الكتب المفرقة». ويشير إلى أنَّ ذلك أمر صعب المتناول بعيد المأخذ.

ويشرح طريقته لتحقيق غايته، وهي «التقليد لأهل الكتب والملل ... وتصيير ما هم فيه إسأً يُبني عليه بعده»، ثم قياس أقوايلهم وأراءهم في إثبات ذلك بعضها بعض، بعد تنزيه النفس عن العوارض المرددة ... والأسباب المعمية لصاحبتها عن الحق»، وهي كالعادة المألوفة والتعصّب والتظافر واتّباع الهوى والتغالب بالرئاستة، لكيما يزيل الشبه والشكوك».

٢ - وبعد أن يقرر الطريق التي يريد اتباعها، يبدأ بالبحث، فيتناول «مائة اليوم بليلته وجموعها وابتدائهما»، فيقول «إنَّ

(١) البيروني، الآثار الباقية، ص ٤.

اليوم بليلته هو عودة الشمس بدوران الكلّ إلى دائرة قد فرضت ابتداءً لذلك اليوم بليلته، أي دائرة كانت إذا وقع عليها الاصطلاح». ويفصل ذلك عند العرب والروم والفرس وأصحاب التنجيم وعلماء فقه الإسلام.

٣ - أمّا «مائتيّة ما يركب منها من الشهور والأعوام» فإن «السنة هي عودة الشمس في فلك البروج إذا تحرّكت على خلاف حركة الكلّ إلى أيّ نقطة فرضت ابتداء حركتها». وهي في حركتها هذه «تنتهي إلى حيث بدأت منه ... متساوية في المدة عند بطليموس»، وغير متساوية عند غيره^(١). وهذه الفروق الناجمة عن «العجز عن ضبط أجزاء الدائرة المظmi بأجزاء الدائرة الصغرى»، أعني صغر آلات الرصد مع عظم الأجرام المرصودة»، تترافق مع مرور الزمن وتتصبّح خطأً كبيراً.

أمّا الأشهر فسبب كونها اثنتي عشرة هو أنّتها تستهلّ اثنين عشرة مرّة اصطلاحاً، لأنّ هنالك ١١ يوماً بالتقريب هي جزء من شهر. ثم يعرض رأي أهل «القسطنطينية» و«الاسكندرية»، إذ «أخذوا بالسنة الشمسيّة وهي $\frac{1}{4}$ ٣٦٥ اليوم تقريباً، واعتبروا السنة ٣٦٥ يوماً، وجمعوا الأربع لأربع سنوات لتكون يوماً واحداً». ويدرك ما كان يفعله القبط والفرس والبرانيون والعرب قبل الإسلام، ثم يختتم كلامه حول الموضوع بذكر ما يستعمله أهل «الهند».

(١) أبيروني، الآثار الباقيّة، ص ٩.

٤ - ثم يعرّف التاريخ بأنّه « مدة معلومة تعداد من لدن أوّل سنة ماضية كان فيها حدث هام ». ويرى أنّ التواريχ المتعلقة بيده الخلق مختلطًا « بتزويرات وأساطير » لا يجوز قبولها . ويتحدث عما يزعمه الفرس والجوس والروم والعرب وغيرهم من الشعوب الأخرى . وينبغي أن نشير هنا إلى أنه يعالج قضيّة بهذه التاريخ بكثير من النقد ومقابلة الأقوال المختلفة .

٥ - ومن الحكایات المشهورة « مائیة الملك الملقب بذی القرنین »،
إذ لا بدّ من النظر فيها لتبیان الخطأ فيها ^(١) .

٦ - وبعد أن يتناول التواريχ يعود إلى البحث في « الشهور التي تستعمل في التواريχ المتقدمة »، إذ « إنّ كلّ أمة تستعمل تاريخاً تتفرق به ». لذلك كان لا بدّ من تحديد أيام كلّ من هذه الشهور ، فيذكر أنّ الشهور عند جميع الأمم ١٢ شهراً ، لكنّها تختلف من حيث الأسماء والأيام عند الفرس والجوس وأهل الشام والرومان والبرتانيين والعرب . ثم يضع جداول للشهور ^(٢) .

٧ - وطبيعي أن ينتقل بعد ذلك إلى كيفية استخراج التواريχ بعضها من بعض ، وتواريχ الملوك ومدد ملوكهم على اختلاف الأقوال ^(٣) . ويببدأ بذكر الاختلافات الموجودة بين الشعوب المختلفة ، ويفسّر هذه الاختلافات ، ثم يذكر الملوك ومددهم في

(١) البيروني ، الآثار الباقية ، ص ٤٢-٣٦ . (٢) البيروني ، الآثار الباقية ، ص ٤٢-٢١ .

جداؤل مستقلة لـكـل دولة ، إلى أن يتوصـل إلى شـرح كـيفـية استخراج التـواريـخ ، فيـذـكر كـيفـ يمكن الوصول إلى مـعـرـفة كل تـاريـخ بـفـردـه .

٨ - وأـفـرد للأـدوـار والتـقوـفات ^(١) ، وـموـالـيد السـنـين وـالـشـهـور وـكـيفـياتـها وـكـبـائـسـها فـي سـنـ اليـهـود ، وـسـائـر السـنـين ، فـصـلاـ خـاصـاـ لـمـعـرـفة «سـنـ اليـهـود وـشـهـورـها وـأـدـوـارـهم وـأـوـاـئـلـ سـيـبـيهـم». ثـمـ أـتـبع ذلك بـشـرح لـمـعـرـفة «أـوـاـئـلـ سـنـ غـيرـهـم».

٩ - ويـفـرد فـصـلاـ لـتـوارـيخ «الـتـنبـيـثـين وـأـمـمـهـ الـخـدـوـعـين» ، وـيـذـكر أـشـهـرـهـم ، لأنـ «فـي ذـلـكـ منـفـعـةـ فـي عـلـمـ أـحـواـلـهـمـ وـاحـدـاـ بـعـدـ واحدـ» .

١٠ - ثـمـ يـعـود إـلـى الفـرسـ، فـيـذـكر ماـ فـي شـهـورـهـ مـنـ أـعـيـادـ، وـيـشـرح مـنـاسـبـةـ كـلـ عـيـدـ وـكـيفـيـةـ الـاحـتـفالـ بـهـ، وـأـشـهـرـهـ «الـنـورـوزـ» . وـيـنـتـقـلـ إـلـى تـفـصـيلـ أـعـيـادـ «الـسـفـدـ» وـأـهـلـ «خـوارـزمـ» ، ثـمـ يـتـحدـثـ عـنـاـ «فـي شـهـورـ الـرـوـمـ مـنـ الـأـيـسـامـ الـمـعـلـوـمـةـ» . وـمـرـّةـ آخـرىـ يـعـودـ إـلـى الـحـدـيـثـ عنـ اليـهـودـ، فـيـتـكـلـمـ عـلـىـ مـاـ يـسـتـعـملـونـهـ فـيـ شـهـورـهـ مـنـ أـعـيـادـ وـمـنـاسـبـاتـ وـعـبـادـاتـ ، وـيـفـصـلـ العـادـاتـ الـتـيـ كـانـتـ عـنـ الـفـرـقـ الـيـهـودـيـةـ الـمـخـلـفـةـ . كـذـلـكـ يـتـناـولـ «مـاـ يـسـتـعـملـهـ النـصـارـىـ الـمـلـكـائـيـةـ فـيـ شـهـورـ السـرـيـانـيـةـ» ، فـيـذـكر الـمـلـكـائـيـةـ وـالـنـسـطـوـرـيـةـ وـالـيـعقوـبـيـةـ، ثـمـ يـفـصـلـ مـاـ تـفـعـلـهـ كـلـ فـرقـةـ فـيـ شـهـورـ الـسـنـةـ . وـيـتـكـلـمـ عـلـىـ صـومـ النـصـارـىـ وـأـيـامـهـ وـتـقـالـيـدـهـ ،

(١) معـناـهاـ الأـربـاعـ .

وعلى أعياد النساطرة وصيامهم . كذلك يتحدث عن «أعياد المغوس الأقدمين وصيام الصابئين وأعيادهم » . وهنا ينتقل إلى « ما كانت العرب تستعمله في الجاهلية ، وإلى ما استعمله أهل الإسلام » .

١١ - وهنا ، بعد أن ذكر التفاصيل «الواافية حول الشهور » ، يعتبر «البيروني » أنه «أنجز وعده » ، فيجب عليه بعد ذلك أن يتناول « منازل القمر في أيام السنة الشمسية » عند الهند والعرب ، مفصلاً ذلك تفصيلاً .

٢ - قيمة الكتاب .

والآن وقد أوجزنا المواضيع التي تناولها الكتاب ينبغي أن نذكر المميزات الهمامة التي يتميز بها .

١ - لغة الكتاب سهلة واضحة تجمع بين التشويق والدقة . وقد أشار إلى ذلك بنفسه إذ قال إنه اعتمد هذا الأسلوب درءاً للملال .

٢ - الكتاب كثير الجداول ، ويقاد لا يفتقر فصل إلى جدول . فكأنَّ «البيروني» يعتبر الجداول اختصاراً وتبسيطاً لما يكون قد شرحه في الفصل .

٣ - لا يكتفي «البيروني» بنقل المعلومات عمن سبقه ، أو بتدوينها عمن سمعها منه ، بل يقابل ويقارن ، أي «يغربل» ، حتى يتوصل

إلى النتيجة التي يعتبرها منطقية صحيحة : إذ يذكر الأقوال المتعددة ، ثم يناقش وينقد .

٤ - يجمع الكتاب بين التاريخ والفلك . ففيه ، من ناحية ، معلومات سياسية يغلب عليها أن تكون جداول ملوك وحكام وتواريخهم ، مدققة على مقدار ما كان يسمح به النقد التاريخي في عصره . وفيه ، من ناحية ثانية هي الأهم ، معلومات مفصلة عن عادات الشعوب المختلفة وتقاليدهم ومعتقداتهم ومذاهبهم الدينية وأعيادهم ، فكأنه بذلك يؤرخ لناحية اجتماعية حضارية للشعوب التي تناولها . ولا ريب أن «البيروني» فضلًا في هذا المجال ، لاسيما إذا عرفنا أن العديد من المؤلفات التاريخية تقتصر على أحداث وسير ، وقل أن تشير إلى النواحي الأخرى في التاريخ للشعوب .

٥ - ومن أبرز ميزات الكتاب أن «البيروني» يذكر مصادره ، وينقل الروايات المختلفة ويناقش ويجادل . يضاف إلى هذا أنه اعتمد الجداول الفلكية والأزياج للتأكد من صحة بعض المعلومات ، فكأنه بذلك لا يكتفي بالأخبار المتواترة ، بل يريد استخدام الرياضيات لتدعم ما يراه صحيحاً .

٦ - وحين يتناول شؤوننا فلكية يعتمد إلى الرسوم الإيضاحية ، وهي عديدة في مؤلفه هذا . وفي كتابه معلومات وأبحاث فلكية ذات شأن ، لاسيما حين يتناول الأزياج ومنازل القمر .

٧ - ونلاحظ أن «البيروني» لم يقصر معلوماته على شعب واحد، بل جمع معلومات عن شعوب مختلفة ، فكأنه بذلك يعتبر الشعوب المختلفة فروعاً متعددة لإنسانية واحدة ، أو كأنه يبغي أن يطلع كلّ شعب على ما عند الشعوب الأخرى من معارف وتقاليد .

مختارات من نسٍتَاجه

أولاً — من « الآثار الباقية عن القرون الخالية ».

- ١ -

« وبعد ، فقد سألني أحد الأدباء عن التوارييخ التي يستعملها الأمم ، والاختلاف الواقع في الأصول التي هي مبادئها والفرع التي هي شهورها وسنوها ، والأسباب الداعية لأهلها إلى ذلك ، وعن الأعياد المشهورة والأيام المذكورة للأوقات والأعمال ، وغيرها مما يعمل عليه بعض الأمم دون بعض ، واقتصر على الإبانة عن ذلك بأوضح ما يمكن السبيل إليه حق تقرب من فهم الناظر فيها وتفنيه عن تدوّخ الكتب المترفة وسؤال أهلها عنها ؟ فعلمت أن ذلك أمر صعب المتناول ، بعيد المأخذ ، غير منقاد لمن رام إجراءه مجرى الضروريات التي لا تخالج قلب الواقع عليها شبهة فيها ، لكنني تأيّدت بعلوّ دولة مولانا الأمير السيد الأجل المنصور ، ولي النعم ، شمس المعالي ، أدام الله قدرته في استفراج الوسع واستنفاد الجهد في الإبانة عن ذلك على حسب ما بلغه علمي ، إن بسماع وإن

بعيان وقياس . ثم جرّأني ما كنت تلبسته من لباس الخدمة الميمونة على إثبات تلك لعالي المجلس كي تتجدد خدمتي له فألبس بها حللاً فخر يبقى لي ذكرها وشرفها تراثاً في الأعقارب على مرّ الدهور ومضي الأعقارب . وأبتدئ ، فأقول : إنّ أقرب الأسباب المؤدية إلى ما سئلت عنه هو معرفة أخبار الأمم السالفة ، وأنباء القرون الماضية ، لأنّ أكثرها أحوالاً عنهم ورسوم باقية من رسومهم ونواتهم ، ولا سبيل إلى التوصل إلى ذلك من جهة الاستدلال بالمعقولات والقياس بما يشاهد من المحسوسات سوى التقليد لأهل الكتب والملل ، وأصحاب الآراء والنحل ، المستعملين لذلك ، وتصير ما هم فيه أساً يبني عليه بعده ، ثم قياس أقوايلهم وآرائهم في إثبات ذلك ببعض ، بعد تزويجه النفس عن العوارض المرددة لأكثرخلق ، والأسباب المعمية لصاحبها عن الحق ، وهي كالعادة المألوفة ، والتعصب والتظافر ، واتباع الهوى ، والتغالب بالرئاسة ، وأشباه ذلك ؛ فإنّ الذي ذكرته أولى سبيل يسلك بأن يؤدي إلى المقصود ، وأقوى معين على إزالة ما يشوبه من شوائب الشبه والشكوك ، وبغير ذلك لا يتأتّى لنا نيل المطلوب ولو بعد العنا الشديد والجهد الجميد . على أنّ الأصل الذي أصلته ، والطريق الذي مهّدته ، ليس بقريب المأخذ ، بل كأنّه من بعده وصعوبته يشبه أن يكون غير موصول إليه لكتلة الأباطيل التي تدخل جمل الأخبار والأحاديث ، وليس كلّها داخلة في حدّ الامتناع فتميّز وتهذّب ، لكن ما كان منها في حدّ الإمكان جرى مجرّى الخبر الحق إذا لم يشهد ببطلانه شواهد آخر . بل قد يشاهد ، وشهود ، من الأحوال الطبيعية ما لو حكي مثلها عن زمان بعيدٍ عمدنا به لثبتتنا الحكم على امتناعها . وعمر الإنسان لا يفي بعلم أخبار أمّة واحدة من الأمم الكثيرة علمًا ثاقباً ، فكيف يفي

تعلم أخبار جميعها؟ هذا غير ممكن . وإذا كان الأمر جارياً على هذا السبيل فالواجب علينا أن نأخذ الأقرب من ذلك فالأقرب ، والأشهر فالأشهر ، ونحصلها من أربابها، ونصلح منها ما يمكننا إصلاحه، ونترك سائرها على وجهها ليكون ما نعمله من ذلك معيناً لطالب الحق ومحب الحكمة على التصرف في غيرها ، ومرشدًا إلى نيل ما لم يتهمنا لنا . وقد فعلنا ذلك بمشيئة الله وعونه ، ويجب بحسب ما قصدنا أن نبيّن مائة اليوم والليلة وبمجموعها وابتداءه المفروض ، إذ هما للشهور والسنين والتاريخ كالواحد للأعداد ، منه ترکب وإليه تنحل ، وباحتاطة العلم بها يسهل السبيل إلى درك ما ترکب منها وبنى عليها » .

- ٣ -

القول على مائة التاريخ واختلاف الأمم فيها .

« والتاريخ مدة معلومة تعدد من لدن أول سنة ماضية كان فيها ببعث النبي ﷺ بأيات وبرهان ، أو قيام ملوك مسلط عظيم الشأن ، أو هلاك أمم بظوفان عام مغرب أو زلزلة وخسف مبيد ، أو وباء مهلك ، أو قحط مستاصل ، أو انتقال دولة ، أو تبدل ملة ، أو حادثة عظيمة من الآيات السماوية والعلامات المشهورة الأرضية التي لا تحدث إلا في دهور متطاولة وأزمنة متراخيّة تعرف بها الأوقات المحددة ، فلا غنى عنها في جميع الأحوال الدنياوية والدينية . ولكل واحدة من الأمم المتفرقة في الأقاليم تاريخ على حدة تعدد من أزمنة ملوكيهم أو أنبيائهم أو دولتهم ، أو سبب من الأسباب التي قدّمت ذكرها ، وتستخرج بها

ما يحتاج إليه في المعاملات ومعرفة الأوقات ، وتنفرد به دون غيره .
وأول الأوائل القدية وأشهرها عندنا هو كون مبدأ البشر ؛ والأهل
الكتاب من اليهود والنصارى والمحوس وأصنافهم في كيفية وسياسة
التاريخ من لدنـه من الخلاف ما لا يجوز مثلـه في التواريـخ . وكلـ ما
يتعلـق معرفته ببـدء الـخلق وأحوال القـرون السـالفة فهو مختلط بتـزوـيرـات
وأسـاطـير بعد العـهد به ، وامتداد الزـمان بينـنا وبينـه ، وعجز المـعـتـنـي
به عن حفـظه وضـبطـه . فـالأولـي أن لا نـقـيلـ من قـولـهم في مـثـلـه إـلاـ ما
يشـهـدـ به كتابـ معـتمـدـ على صـحتـه ، أو خـبرـ مشـفـوعـ به بـشـرـائـطـ الثـقةـ
في الـظـانـ الأـغلـبـ » .

- ٣ -

« وأـمـاـ حرـ الأرضـ فإـمـاـ أنـ يـكـونـ ماـ يـنـعـكـسـ منـ شـعـاعـاتـ
الـشـمـسـ منـ سـطـحـهـ، وإـمـاـ أنـ يـكـونـ بـخـارـاتـهاـ التيـ يـثـيرـهاـ الحرـ المستـكـنـ»
فيـ باـطـنـهاـ عـلـىـ مـذـهـبـ قـومـ ، أوـ الطـارـئـ عـلـيـهاـ منـ خـارـجـ عـلـىـ مـذـهـبـ
آخـرـينـ ؛ فإنـ حـرـكةـ الـبـغـارـ فيـ الـهـوـاءـ تـكـسـبـ حـرـارةـ ، فـأـمـاـ حرـارةـ
الـنـارـ فإـنـتهاـ لاـ تـقـرـبـ ولاـ تـبـعـدـ لأنـ الفـلـكـ لاـ يـزـيدـ سـرـعةـ ولاـ بـطـأـ،
وـأـمـاـ الشـعـاعـاتـ المـنـعـكـسـةـ فإـنـتهاـ غـيرـ مـنـسـوـبةـ إـلـىـ الـأـرـضـ ، وـأـمـاـ
الـبـغـارـاتـ فـلـهاـ حدـ تـنـتـهيـ إـلـيـهـ وـلـاـ تـجـاـوزـهـ . وـمـاـ أـظـنـ القـائلـ إـلـاـ
مـعـقـدـأـنـ» فيـ الـأـرـضـ حرـاـ مـحـقـقـاـ يـخـرـجـ منـ باـطـنـ الـأـرـضـ
إـلـىـ ظـاهـرـهاـ وـقـدـ اـحـتـمـيـ الـهـوـاءـ بـشـعـاعـاتـ الشـمـسـ ، فـيـلـتـقـيـانـ».

القول على منازل القمر وطلوعها وسقوطها وصورها .

« وقد آن لنا أن نختم القول ، فقد أنجزنا الوعد من علم ما سئلنا عنه على قدر الوسع ، وما أوتينا من العلم بذلك ، وفوق كل ذي علم عليم . ولم يبقَ من استغراق هذا الفن إلا معرفة طلوع منازل القمر في أيام السنة الشمسية ، فإنه أمر يستعمل لما فيه من عموم المنفعه به في تقديم المعرفة بالأحوال الطبيعية التي لا تخلي من الانتقال فيها والتردد بتعددتها ، فلنصرف القول إلى ذكر جوامع ذلك وعيونه ، ونضيف إليها نيقاً من أمثلها ملقطة من الكتب المؤلفة في هذا المعنى ، ككتاب الكلثومي ، وكتاب ابراهيم بن السري الزجاج ، وأبي يحيى بن كنasa ، وأبي حنيفة الدينوري في الأنواء ، وكتاب أبي محمد الجبلي في علم مناظر النجوم ، وكتاب أبي الحسين الصوفي في الكواكب الثابتة ، وغيرها من الكتب . ونقول إن الهند قسمت الفلك على عدّة منازل القمر التي هي عندهم سبعة وعشرون منزلة ، فانقسم بمثل عدّتها ، وأصاب كل منزلة ثلث عشرة درجة وربعها بالتقريب . واستنبتوا الأحكام بحمل الكواكب في رباطاتها ، وهي المعروفة بالجفور المفروضة لكل حال وحاجة على حدة ، وحكياتها تخرج إلى التطويل بالقول بما لا يشبه الفرض ، وهي موجودة في كتب الأحكام معروفة بها . وأمّا العرب فقد قسموها بثمانية وعشرين قسماً ، فأصاب كل منزلة اثنين عشرة درجة وخمسة أسداس بالتقريب ، ووقع في كل برج منزلتان وثلث » .

ثانياً — من مؤلفات أخرى .

١ - « فأمّا العلوم - بعد أن كان الإنسان مطبوعاً على قبولها - فقد اضطرّته إليها كونه في العالم مدّة تصرفه فيه على قضايا التكليف، لأنّه لكثرّة حاجاته وقلّة قناعته ، وتعريّه عن آلات الدفاع مع فور أعدائه ، لم يجد بدّاً من التمدّن مع أهل جنسه ، قصداً للترافق واستغفال كلّ واحد منهم بشغل يكفيه ويكتفي غيره . واحتاج كلّ منهم إلى شيء يتجرّأ بالقسمة ويكتفى بالتضعيف ، فيقوم بيزاء الأعمال والحوائج على نفسها ، إذ كانت بأنفسها غير متعادلة ، ولأوقات حاجياتهم إليها متساوية ، فاصطلحوا على الأعواض والأثمان التي منها الفلدات الذاتية ، والجواهر النفيسة وما شابهها ، مما عزّ وجوده وطال بقاوئه وراق منظره . فوضعوها على القسمة العادلة التي لا يستغنى عنها اللصوص والجائزون فيما بينهم ، بل لا يخلو منها الطير كالبرك والحوافل ، فإنّها في صيد السمك تفترق في ضحاض الماء فرقتين ، إحداهما تثير الصيد بضرب الأجنحة على الماء وتسوقه ، والأخرى تترصد له فتصطاده . ثم لا تستبدّ بأكله دون الفرقة المثيرة ، بل تجمّعه في الأكياس التي في أصول أشداقها إلى أن تفرغ كلّها ، فحينئذ تخرجـه وتقسمه على سواء . والقدرة لله سبحانه » .

(البيروني ، تحديد نهایات الأماكن)

٢ - «وعلى مثله ينتقل البحر إلى البرّ وإلى البحر، في أزمنة إن كانت قبل كون الناس في العالم فغير معلومة ، وإن كانت بعده فغير محفوظة ، لأنّ الأخبار تقطع إذا طال عليها الأمد ، وخاصة في الأشياء الكائنة جزءاً بعد جزء ، وبحيث لا يفطن لها إلاّ الخواص» .

فهذه بادية العرب وقد كانت بحراً فانكبس ، حتى إنّ آثار ذلك ظاهرة عند حفر الآبار والجياض بها ... بل يخرج منها أحجار إذا كسرت كانت مشتملة على أصداف وودع وما يسمى آذان السمك ، إمّا باقية فيها على حالها ، وإمّا بالية قد تلاشت وبقي مكانها خلاءً متشكل بشكلها .

ونحن نجد مثل هذه الحجارة التي يتتوسطها آذان السمك في المفارزة الرملية التي بين جرجان وخوارزم ؟ فقد كانت كالبحيرة فيما مضى ، لأنّ مجرى جيجوان (أعني نهر بلخ) (اموداريا حاليّاً) ، كان عليها إلى بحر الخزر على بلد معروف ببلخان كراسنوفودسك حاليّاً .

(أليرونفي ، تحديد نهايات الأماكن)

٣ - «ثم استدلّ بطليموس على كرية السماء بقياسات طبيعية ومن الطرق الأولى مأخوذه ، ولكلّ صناعة منهج وقانون لا يستحکم عليه ما هو خارج عنها . ولذلك كان ما أورده مما هو خارج عن هذه الصناعة اقتصاعيّاً غير ضروريّ ، وما وجدنا إلى الصناعة سلّماً ثابتاً على مناهجه لم ينحرف عنه إلى ما هو خارج من طرقه ومدارجه . فمما ذكر وجود السلسة في حركة الكرة أكثر ، وهي لعمري كذلك في كلّ متجرّك على محوره ، والكرة مع سائر الأشكال المحسّمة في ذلك شرع واحد ، لأنّ هذه الحالة تلزم من جهة المحور دون الشكل . ومنها فضل الكرة على

سائر الأشكال المضلّعة في العظم والسعنة، ثم إحاطة السماء بما في ضمنها، فهي لذلك كرّة. وهذا مطرّد في الأشكال التي تساوي محيطاتها محيطات الكرة بمساحة ، وليس بائع عن إحاطة شكل مستقيم السطوح بالكرة إذا فضلت مساحة إحاطته ، وتكون حركتها معاً على محور واحد».

(البيروني ، القانون المعمودي)

معجم لبعض المصطلحات

تساوي القياس تساوي نسبة عدد إلى آخر مع نسبة هذا العدد الآخر إلى عدد ثالث أصغر ، مثل
 $4 \text{ إلى } 2 = 2 \text{ إلى } 1$ ، أو $8 \text{ إلى } 4 = 4 \text{ إلى } 2$
Analog

التساوي العددي : نوع من تساوي القياس ، إذ يكون الفرق بين الحدّ الأول والحدّ الثاني مساوياً للفرق بين الحدّ الثاني والثالث . لكنَّ نسبة الحدّ الثاني للحدّ الأول تختلف عن نسبة الحدّ الثالث للحدّ الثاني : $1 - 2 = 2 - 3$ ، أو $4 - 2 = 6 - 4$.

التساوي الهندسي : نوع آخر من تساوي القياس ، إذ تتساوى النسبة بين الحدّ الثاني والأول ، والنسبة بين الثالث والثاني ، ولا يتساوى الفرق بين

الثاني وكلّ من الأوّل والثالث : ٢ إلى ١
 = ٤ إلى ٢ .

التساوي التأليفي : نوع ثالث من تساوي القياس ، إذ تتساوى النسبة بين الحدّ الثالث والأوّل بالنسبة بين الثالث والثاني إلى الفرق بين الثاني والأوّل في الأعداد ٣ ، ٤ ، ٦ يكون التساوي

$$\text{التأليفي} = \frac{6-4}{3-4}.$$

الأعداد المحسنة : العدد المحسّن هو القيمة العددية لضلع شكل هندسيّ محسّن (أي ذي ثلاثة أبعاد) وقد يكون المحسّن منتظمًا فتساوي الأضلاع ، أو قد يكون غير منتظم عند اختلاف أطوال الأبعاد الثلاثة .

المربّعات السحرية : أشكال ترتّب فيها الأعداد بحيث تتساوى النتيجة إذا جمعت الأعداد عموديًّا أو أفقيًّا .

A solid whose three dimensions are equal **المحسّن المتساوي الأضلاع :**

A Solid whose three dimensions are not equal **المحسّن المختلف الأضلاع :**

Average, Mean	التوسّط
Equal ratio, equal proportion (s^2) أو العدد مضروباً بذاته .	تساوي القياس المال
(s) أو الجذر التربيعي لـ المال .	الجذر

المَصَادِرُ وَالْمَرَاجِعُ

إعتمدنا في هذا الكتاب المصادر والمراجع التي اعتمدناها في كتابنا السابق «العلوم عند العرب».

وبما أنّ هذا الكتاب متمم إلى حدّ بعيد لكتاب الآخر ، فقد آثرنا أن لا نردد هنا ثبت المصادر والمراجع ، وهو طويل حافل . فعلى الراغب في الوقوف عليها أن يرجع إليها في مظانها السابقة .

. خ. م. ١٠٩

وكان الفراغ من طبع هذا الكتاب
في يوم ٨ تموز (يوليه) ١٩٧٠
عل مطبع دار غندور ، بيروت

سلسلة "المصبايح"

دراساتٌ تعرّض حيّاتَ لفيفِ مِن الأدباءِ والفلسفَةِ والفقيرِ، وتتناولُ بالتحليلِ سُلْطَنَ فنَّاهمْ ، وتنتَقِي طائفةً مِن آثارِ همْ مطبوعَةً الشكلِ محققاً المتنَ والأوامِشْ ؛ يكتبهما فريقٌ مِن الأدباءِ والباحثينِ من أصحابِ الديْرَى وَاخْصَاصَ الْتَّحْقِيقِ الْتَّكُونُ للدِّارِسِينَ ، أَتَانِدَةً وطَلَاباً وشَقَّافِينَ ، خَيْرِيَّنَجُعْ تَغْزِي بِه شَقَّافِتِمْ .
تصدر تباعاً عن "بيتِ الحِكْمَةِ" ، بِيَرُوتَ

صدَرَ مِنْهَا:

ابن سينا	لعبدة الحلو	ابن خلدون	ابن خلدون	ابن سينا
إيليا أبو ماضي	لألفرد خوري	الفارابي	الفارابي	إيليا أبو ماضي
ابن المقفع	لأحمد علي	الخطل	الخطل	ابن المقفع
احمد شوق	لناظك يارد	الياس ابو شبكة	الياس ابو شبكة	احمد شوق
الفرازي	لعبدة الحلو	عمر فاخوري	عمر فاخوري	الفرازي
عمر بن ابي ربيعة	لمحمد علي موسى	قاسم امين	قاسم امين	عمر بن ابي ربيعة
جيبل بشينة	لعملي شلق	ابو العلاء المعري	ابو العلاء المعري	جيبل بشينة
المنبي	لادوار البستاني	جرجي زيدان	جرجي زيدان	المنبي
ابن الرومي	لناظك يارد	العلوم عند العرب	علماء العرب	ابن الرومي